

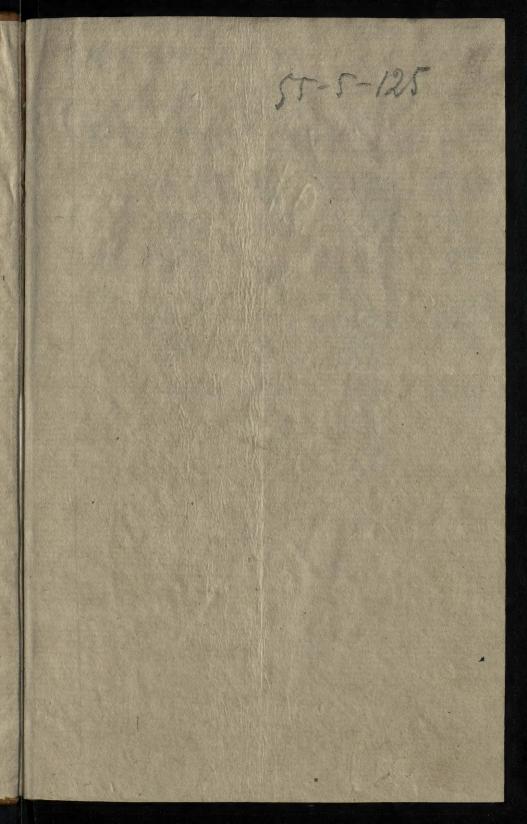
5566 5566 M 90 811-13 11-20, N 100+ R 00

今级

PK-8° 95-B



Ourae.



CP811-13 Sin

вейдлера АРИӨМЕТИКА,

ПЕРЕВЕДЕННАЯ

cb

ЛАТИНСКАГО ЯЗЫКА

МАГИСТРОМЪ Диитріемь Аничковымъ,

Исправленная и дополненная

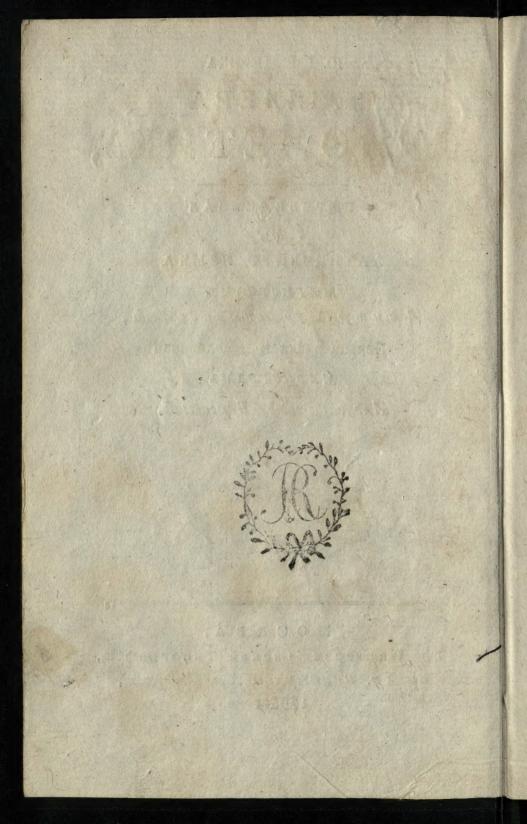
МАГИСТРОМЪ

Александромо Барсовымо.



MOCKBA,

Вь Университетской Типографіи, у Хр. Ридигера и Хр. Клаудія, 1795 года.





наставленій математических в ПРЕДУВ В ДОМЛЕНІЯ,

или ОПИСАНІЕ ВООБЩЕ

0

MATEMATUKT

и ЕЯ ЧАСТЯХЬ, ио спосовь Математическомь.

S. 1.

Коликимо (Quantum) называется всякая вещь, которая увеличена и уменьшена быть можеть.

1. 2.

Содержание (Ratio) есть взаимное отношение коликих одинакаго роду, вы разсуждении величины ихв.

S. 3.

Количество (Quantitas) есть опредъленное содержание коликих одинакако роду. А 9 На На пр. когда число сравнивается сb единицею, и опредъляется, сколько оное сiю вb вb себъ содержить: то чрезь сie количество числа познается. Или, когда прямая линья извъстной длины принимается за единицу, и сравнивается сb другою большею прямоюжь линьею. Ибо количество большой линьи опредъляется тьмь, когда извъстно будеть, сколько разь большая линья содержить вь себъ меньшую.

S. 4.

И такое изслъдование содержания вещей коликихь, измѣрениемъ (Mensio), а меньшое коликое, которое сравнивается съ большимь, мѣрою (Mensura) онаго называется.

§. 5.

Науки, кои показывають сравнение и и измърение вещей коликихь, имъють всеобщее название учений (Мадиосыя и иадира, тым), или Математика (Mathefis) есть наука о количествъ; и кажется, что сте общее имя науки какь для древности, такь и для точнаго доказательства каждой истинны, дано тъмь наукамь, и соблюдено было оть потом-ковь.

R. 6.

А какимь образомь раздълять Математическія науки, то показываеть разсматриваніе ихь предмета. Ибо два только суть рода коликихь: нъкоторыя изь нихь состоять ять изь частей между собою несоединенныхь, или раздъльныхь, а другія изь частей соединенныхь. Вы разсужденій первыхь, количество раздъльное (Quantitas discreta), или число (Numerus) и множество (М stitudo); а вы разсужденій послыднихь, количество непрерывное (Quantitas continua), или протяженіе (Extensio) и величина (Маgnitudo) называется.

g. 7.

О количествь раздыльномь, или числь, (1) Арив метика Arithmetica); о количествь непрерывномь, или протяжении, (2) Геометрія (Geometria) толкуєть. Изь сихь двухь частей состоить Математика чистая (Mathefis pura), вы которой преподаются собранныя изь подобія вещей, и оть матеріи отдыленныя всеобщія понятія о коликихь.

S. 8.

И так вы Математик чистой принадлежить также (3) Ариеметика всеобщая (Arithmetica vniuerfalis) или Аналитика (Апаlysis); поелику вы ней показывается способы находить коликія помощію сравненія и всеобщаго изчисленія. Сію на концы положить за благо разсуждено для того, дабы разумы нать, будучи напереды нысколько вы силу приведены и укрыплены знаністы Матема-

тических в истинны, могы и скорые понимать способы ея, и употреблять оные вы свою пользу сы лучшимы успыхомы.

S. 9.

Но как Машемашика весьма способствуеть кь распространенію и извясненію естественной науки, потому что количество есть свойство всьмы тыламы общее; того ради давно уже на сей конець какь Египтяне, такь и Греки вы цей упражиялись. И такь оттуда получила свое начало Математика с пъшенная (Mathelis applicata, five тіхта), содержащая вы себь нькоторыя главы изь Физики, помощію чистой Матемащики, вb видb науки обращенныя. Такимb образомь Геометрія, употребленная вь помощь для измъренія линьй, или лучей свьта, произвела (4) Оптику (Opticam), которая, по причинь троякаго различія свьта, составляеть также три части, то есть Оптику (Optican), собственно такв пазванпую, о прямых лучах всвыта; Катоптрижу (Catoptricam) обb отраженныхb, и Дionm рику (Dioptricam) о преломленных b лучахь. Также Опшика, будучи соединена сь началами Ариометики, Геометріи и особенными опытами, полагаеть основанія (5) Астрономін (Altronomiae), или наукто движении, величинь и разстоянии звъздь, и

о взаимных их положеніяхь. Из Астрономінжь выводятся главныйшія начала, нужныя для измъренія земли, то есть, для сочиненія (6) Географіи (Geographiam), и другія истинны, кои служать для изм ренія и разделенія времени; сткуда (7) Хронологія (Chronologia) и (8) Гномоника (Gnoтопіса) получили свое начало. Равнымь образом в чрезв Ариометику и Геометрію наука о движеніи и тяжести трль исправляется и получаеть приращение; по чему Математика смьшенная содержить вь себь щакже и (9) Механику (Mechanicam), или общую науку о движении тяжелых в трль; щакже (10) Идростатику (Hydroflatican), или особенную науку о сысканіи въса какь жидкихь, такь и твердыхь тьль, которыя поверьх в жидкаго твла плавають, или вв ономь утопають, и (11) Агрометрію (Аёrometriam), или Аеростатику (Aerostaticam). о измъреніц жидкаго воздушнаго тьла, (12) Идравлику (Hydraulicam), которая принадлежить особливо до движенія и возвышеція жидкихь трав. Наконець, ежели кь доводамь чистой Математики присовокуплены будуть другіе, кои или Механика, или опыть вь томь родь производить, составляются изь того Архитекторскія науки, то есть (12) Архитектура гражданская (Architectura civilis), и (14) военная (militaris), изb коих одна показываеть, как украшать городь строеніями; а другая, как укрыплять и защищать оной противь непріятельскаго нападенія.

f. 10.

И такь изв показанных в четырнатцати частей состоинь цьлая Математика, какь чистая, такь и смешенная. Ибо Тригонометрія плоская и сферическая (Trigonometria plana & sphaerica) составляють особливыя главы в Геометріи о исправномь рьшеніи плоских и сферических в треугольниковь, такь что знавь три части треугольника, можно будеть сыскать и прочія. Музыка жb (Musica) опускается, которая еще вь древнія времена оть посльдоващелей Пиоагоровой Философіи причислена была кь Машемашическимь наукамь. См. коммент. Прокл. на Эвклид. спіран. 11. издан. на Греч. язык, вь Базель І. Герваг. Ибо она немногія токмо начала заимствуеть изь Ариометической науки о пропорціяхь, но болье вь томь способствуеть разумь и острота мастера, которой умбеть многими разными образами перемъшивать, пріятные звуки.

S. 11.

Исторія о Математик кратко предложена быть не можеть; чего ради обь оной при началь каждой части удобнье упоми-

нается. Прочеежь вы самомы преподавании везав дополняется приведеніемь изобрьтеній. Математиками учиненныхь. Однако забсь надлежить упомянуть о томь, что мы ничего извъстнаго не имъемъ о первыхъ Авторахь и изобрьтателяхь Математики. Греческіе писатели свидьтельствують, что Египтине и Халден еще вь древнія времена знаніемь сихь наукь славны были, и сказывають, что первые изобрьли Геометрію, когда межи полей, omb ежегоднаго наводненія pbки Нила вь непорядокь приведенныя, возобновлянь старались. С. Геродот. книг. 2 стран. 68 изд. Стеф. Прокл. в упомянутых комментаріяхь, стран. 19; а последніе, то есть Халдеи, занимались наппаче наблюдениемь звыздь, и изобрытениемь Астрономии похвалу себь заслужили. См. Діодор. Сицил. Библіот. истор. кн. 2. гл. 3. Отр Египпинь же, далесь и Пивагорь, вы началь шестаго выка прежде Эры христіанской, перенесли Математическія науки в Грецію, которыя по томь привели Греки вь лучшій порядокь, и умноживь оныя, письменно предали пошомкамь. Вь чемь предь прочими Александрійскіе Машемашики, и ихь ученики, Эвклидо. Аполлоній, Архимедь, Иппархь, Осодосій, Птоломей, Діофанть, Осонь, Эвтоцій, Паппв, и другіе похвалу себь заслуживають. Вь Александрійской школь сін A 5

на-

науки посль Рождества Христова нъсколько еще выковы процвытали, пока оты нападенія Аравлянь любители трхв наукь не разовжались по разнымы мьсшамы. Между шьмы и сами Аравляне любили Матемапическія науки, и по тому славивийня Греково сочиненія перевели они на свой языкв, и распроспранили оныя до Европейцовь, прежде нежели симь извъстны стали Греческія сочиненія. Наконець Европейцами, посль того, какь у нихь возстановлены были науки, вся Математика, по разсмотрении самых вея источниковь, чуднымь образомь исправлена и важными дополненіями умножена такь, что нынь совсьмь новой видь имьеть. Впрочемь исторію о древней Машематикь обстоятельное можно узнать изь книги Діогена Лаерція о жизни Философовь, а особливо Фалеса и Пиоагора; также изв вышепомянутыхь Прокла Діадоха коммент. на первую книгу Эвклидову. Между новъйшимижь обь оной вообще предлагають Петрь Рамь Школ. Математ. кн. 1. Гос. Бланкань вь Хронологін Математиковд. Г. І. Воссій вь тракт. о свойствъ и учреждении Математики, и К. Ф. Милліешь Дешале вь тракт. о приращени Математики и о славных В Мхтематиках в, том. І. Матем. курс. Но верхь ихь превосходить Монтюкла, вь Истории о Математикъ, Пар. 1758. том. Ц. 4.

g. 12.

S. 12.

Порядокь, которой наблюдають учинеяп Машемашики како во доказашельство истиннь, такь и вь сочинени наукь, называется Математическим способом (Меthodus Mathematica). Вся сида сего порядка состоить вь томь, чтобь дать начало оть первых в самых легчайших понятій о вещахь коликихь, и оттуда выводить первыя исшинны а изв сравненія и соединенія сихв между собою находить новыя втораго роду предложенія, и все во самомо преподаваніи располагать такь, чтобь начала посльдующихь предложеній содержались вь предридущихь; о которомь способь разсуждая Цицеронь, вы кн. 5. гл. 28. De finibus bonorum & malorum, говорить: въ Геометріи сстьли допустить первое, то уже все допускать должно.

S. 13.

Чтобь соотвытствовать законамы сего правила, то надлежить, какы сказано, производить начало оты первыхы понятій о вещахы вы разсужденіе принимаемыхы, и о томы прилыжно стараться, дабы оныя надлежащимы образомы изображаемы были, и никакому сомнительству и темноть не подлежали: и какы различія понятій обстоятельпо изыяснилы Лейбницій Аст. Erud. 1684. тодстр.

стр. 537; того ради обь оныхь ньчто здьсь упомянемь. Понятіе (notio) есть представленіе, или воображеніе вещи вь умь. То понятіе называется ясны иб (clara), кощораго довольно ко разпознанію какой вещи и кь различенію оной оть другихь; темнымо же (obscura), котораго не довольно кв разпознанію какой вещи. Но ясность понятия увеличивается тьмь, естьли оно сверьхь того будеть подробное (distincta), то есть, ежели мы будемь имьть ясныя понятія о тьхь примьтахь, кон во время какого воображенія намь представляются. Сему противополагается понятие сбивчивое (confula); вы которомы недостаеть ясныхы понятій о трхв примьтахь. Напосльдокь ясность понятія бываеть совершенная, естьли оно сверьхb того будеть полное (adаедиата), то есть такое, вы которомы будуты находишься ясныя и притом подробныя понятія о примьтахь соединяющихся для воображенія оцаго; но когда ихв недостаеть, тогда хотя поняте ясное и подробное бываеть, токмо неполное (inad-. aequata) ошь Лейбңиція называется.

S. 14.

Извленение о понятияхь вы Математикь содержать опредъления (Definitiones), которыя во всякой наукь занимають первое мьето.

мьсто. Каканжь какого Математического опредвленія сила должна бышь, то изв вышеписаннаго ясно познать можно; то есть, стараться надлежить, чтобь о всякой вещи, которая принимается вь разсужденіе, ясныя, подробныя и сколько можно полныя понятія производимы были. Опредбленія сушь двоякаго рода : одно опредъление имени (Definitio nominalis), вь которомь исчисляются знаки, довольные для различенія одной вещи отр другихь; друтое опредаление вещи (Definitio realis), вв которомь показывается происхождение вещи, оть котораго свойство ея зависить. Обоего рода опредвленія составляются, разсматривая прильжно какь общія, такь и особенныя. свойства вещей; цонеже изв оныхв выводится понятіе о родь, а изв сихв о видь, или различій спеціальномь. Но какь видь яснье понимать можно, естьли способь, чрезь которой вещь получила бытіе, будеть извьстепь; того ради надлежить имъть стараніе о томь, чтобь обь ономь, естьли можно, пріобръсть понятіе; что вь Матемашических доводах лучше, нежели в друтомь мьсть, обыкновенно удается. Гдьжь происхожденія вещи совстмь узнать не можно, то вы такомы случав довольно только знать ея свойства, и опредъленіе, которое из вясняешь оныя свойства и существенныя качества, почитается тогда за опредъление вещи; См. Барров. Машем. Лекц. 7. стран. 309.

§. 15.

За опредвленіями следують Аксіомый (Axiomata), то есть первыя истинны, которыя тотчась происходять изв опредвленій, и не требують особливаго доказательства.

G. 16.

Кb симb аксіомамb древніе обыкновенно присовокупляли; или напереди их в полатали требованія (Poftulata), чрезь которыя оть читателей пребовали, чтоб позволено было изображать понятія о коликих вв умв представленныя или отвлеченныя, чрезв нвкопторое подобіе, глазами видимое. И сіе дфлали для пюго, чтобь несовершенства знаковь, или изображеній, не были приписываемы опвлеченнымь понящимь, и тьмь бы самымь не портили доказательства: Какь на пр. Эвклидь вы началь Элеменшовы требуеть, чтобь можно было провести, или продолжить линью. Но понеже доказательство не къ недостаточнымь линьямь, которыя проводящся грифелемь, но ко ошвлеченнымь и вь умь представленнымь и недосшатка неимвющимь относится, и черченіе, или изображеніе линьй, или числа, дьлается для одной токмо способности вообра-Жeженія, и для вспоможенія вняшнойшему размышленію, которое вспоможеніе познанія справедливой читатель ни мало не будеть охуждать: то слодуеть, что требованія безь урону Математическаго доказашельства опущены быть могуть. Прокль вы упомянутомь мость, стран. 22 обываляеть, что требованія прежде сего также назывались положемія (hypotheles).

§. 17.

Посль опредьленій и аксіомь сльдующь Теоремы (Tneoremata), или истинны втораго роду, вы которыхы дылается сравненіе нысколькихы опредыленій и аксіомы.

§. 18.

Но как в познание Математических в истичных должно быть полезное, того ради оныя употребляются кв решению некоторых вопросовь; и такія предложенія, которыя учать употребленію истинны кв решенію какого дела, называются задачи (problemata).

S. 19.

Изb Теоремь иногда познаются прибавлечнія (Confectaria), или непосредственно сльдующія изb Теоремь истинны, которыя не утверждаются особливымь доказательствомь, но ясно изь доказанных уже происходять. Такія прибавленія могуть присовокупляемы быть

и кв задачамв, когда изв предложенной практики другая при томв явствуеть. Присовокупляются же и кв опредвленіямв, и тогда уподоблиются аксіомамв.

S. 20.

Напосльдокь между предложеніями, о которыхь до сихь мьсть говорено, находятся примьчанія (icholia), вы коихь преподаюшся нькоторыя замычанія, служащія кы подробныйшему изыясненію предложеннаго.

S. 21.

Сказано уже, что истинны втораго рода требують доказательства. А сіе состоить вы умозаключении; или вы Силлогизмь, помощію котораго, сравнивь между собою понятія и истинны какь первыя, такь и вторыя, прежде уже извясненныя и нужныя для уразумьнія предложенія, доказывается, что предложенная Теорема справедлива, или нокоторая практика сдолана надлежащимь образомь. Однако за ненужное почитается, чтобь доказательства задачь всегда вь особливости предлагаемы были. Ибо когда трхр истиннь, на которых утверждается справедливость дъйствія, связь извьстна, то довольно, естьли обь оныхь вы самомы рышении (resolutione) (ябо такимь образомь называется исчисление правиль, для совершенія какого діла и рішенія

нія практики служащихь), кратко упомянуто будеть; или, для сокращенія, одни только числа тьхь параграфовь, вы которыхь содержатся основанія такой практики, приписаны будуть. См. Вейгел. Тр. о доказательеть Аристотелико-Эвклидоволь, отдъл. 5.

S. 22.

На конць Теоремь древніе обыкновенно прилагали сльдующую формулу: что надлежало доказать (quod erat demonstrandum); а посль задачь полагали такое заключеніе: что надлежало сдълать (quod erat faciendum). Сіе дьлали они для того, чтобь предложенія теоретическія и практическія различены были между собою нькоторымь знакомь; естьлижь вы самомы началь тотчась упомянуто будеть обы имени Теоремы или задачи, то по справедливости выпускаются оныя заключительныя формулы.

Ĵ. 23.

Кромв сихв названій, при толкованіи Математическихв доводовь употребляемыхв, иногда случается имя Леммы (Lemmatis), которая означаеть вспомогательное доказываемое предложеніе, для одного или множайшихв следующихв предложеній принимаемое. Изв чего явствуеть, что во сочиненіи какой науки многія предвидущія истинны будуть Леммы последующихв; одна-

ко между шты название Леммы не безприлично приписывается тому предложению, которое не принадлежить кы настоящему мысту, но берется изы другаго, и употребляется для уразумына ныкоторыхы Теоремы или задачы. О употреблени Леммы у древнихы Математиковы упоминаеты Проклы на стран. 58.

1 0 0 5. 24.

Все, что до сихь порь еще ни было говорено о способь Машемашиковь, главньйше служить вь чистой Математикь, содерж :нію которой свойственна такая ясность, что при истолкований онаго могушь наблюдены быть законы обстоящельныйшаго и совершенньйшаго порядка. Но вы смышенной Машематикь не рьдко ньчто надлежить опускать извоной етрогости доказательствь, когда, по причинь происходящей изь самыхь вещей неясности, не можно будеть имьть ясныхь определеній и аксіомь. Чего ради хотя и будемь стараться о томь, чтобы вь оной употреблянь тоть же порядокь, которой употребляется и вы чистой Математикь; однако иногда другія предложенія сверьхі помянутыхь, то есть, положенія и наблюденія. надлежить присовокуплять кь первымь.

S. 25.

Положенія суть на подобіе требованій, жошорыя вb сомнишельной вещи выводящся изь въроятныхь признаковь, и до тьхь порв почимающся за справедливыя, пока обь оной не получено будеть лучшаго свъденія; какь на пр. вь Астрономій иринимаемь піакой видь небесной системы, какой лучше приличествовать находимь чрезь наблюденія. Положенія обыкновенно называются также произвольными положеніями, чрезв которыя опредвляются, или раздраяющся мры особенных вколичествь, какв на пр. вь Ариомешикь сумма десящи единиць принимается за начальное основание больших в чисель, или когда знакамь чисель дается знаменование по мосту, тако что одно и тоже число иногда значить десятки, йногда сотии, тысячи и другія большія суммы; или когда вb Геометріи извъстная ве-Анчина фута, сажени и проч. принимается, и раздраменся на меньшія части.

J. 26.

Наблюденія (observationes) в домошенной Машеманнико не чио иное суть, како явленія (phoenomena), или дойствія вещей натуральных , дознанныя опытами, изд конх выводятся нокоторыя слодствія в свойство той вещи. Чего ради такія предпредложенія, понеже утверждаются на чувоствахь, вы наставленіяхь смышенной Мантематики, гдь надлежить разсуждать о причинахь и дыйствіяхь, почитаются вмысто Аксіомь, и получають ясность от неусыпнаго старанія и примычанія обстоятельствь. Но пространныйшее изыясненіе Математическаго способа учиниль Сл. Вольфы вы особливомы своемы разсужденіи, которое при началь основаній всеобщей Математики, изданныхь на Латинскомы языкь, читать можно.

S. 27.

О пользь Математики справедливо и важно разсуждаеть Меланхтонь вы предисловіи кы Альфрагану. Сколь, товорить, лучше со всякимо раченіємь склонять и поощрять способные умы ко Математическимо наукамо, коих познаніе и само по себь есть изящное, и приносить многія пользы во жизни сей, и дълавто умы привычными ко снискиванію доказательство и ко любленію истинны, которое свойство весьма приличествуеть ученому человьку, упражняющемуся во наукахо и разсматриваніи важньйшиховещей!

J. 28.

О книгахв, относящихся кв Математическимы наукамы, предлагаеты Вольфы вы Основ. всеобщ. Мат. том. V, и Шейбель вы Введеніи кы познанію Математическихы книгь, Варш. 1769—1781. 8. Вы слідующихы наставленіяхы упоминаются главнійшіе писатели, коихы чтеніе можеты способствовать кы пріобрітенію успіховы вы Математикь.





АРИӨМЕТИКА.

ГЛАВАПЕРВАЯ,

Содержить вы себь общія опредыленія и аксіоны, которыя избоныхь выводятся



опредбление и

S. 1.

Единица (Unitas) есть имя, по которому все то, что есть, называется однимо. Или, единица означаеть всякую вещь, которая какь бы одна и нераздъльна принимается вь разсуждение.

опредбление и.

§. 2. Число (Numerus) есть множество изb единиць составленное.

опредъление ии.

§. 3. Аривметика (Arithmetica) есть наука о сравнении чисель, и оттуда промисходящих разных вих свойствахь.

OHPE-

опредъление IV.

§. 4. Ариометика раздъляется на Terретическую (Theoreticam) и Практическую (Practicam). Теоретическая показываеть свойства чисель сравненныхь, а практическая употребленіе оных при решеніи разных в задачь; или, практическая Ариометика есть способь, показывающій исправное и сокращенное употребление чисель.

ПРИМВЧАНІЕ.

№ 5. Объ вмъстъ преподаются въсихъ наставленіяхь какь для шого, понеже удобнье делается ръшение задачь, еспили бываетъ снощение съвышеобЪявленными началами, такъ и для того, понеже пракшика дълаетъ теорію увеселительнъйшею. Впрочем в Арияменика должна имфиь первое мъсто между Машемашическими науками, поколику и величина, шакъ какъ множество частей, представляема и числами изображаема быть можеть, и сл'ядовашельно польза числишельной науки весьма пространно разливается по всей Математикъ.

определение У.

б. 6. Равныя (Aequalia) суть, которыя, вь разсужденій количества, точно сходствующь между собою. Такія коликія впредь означаться будуть двумя параллельными линвами = Неравныя (Inaequalia) суть, которыя между собою разнетвують величиною, то есть, когда часть одного равняется другому цьлому.

OHPEABAEHIE VI.

§. 7. Большее (Majus) есть, котораго часть равна другому цолому. Меньшее (Minus) есть, которое равняется части другаго. Знако большинства (Maioritatis) есть , а меньшинства (Minoritatis) <.

ОПРЕДБЛЕНІЕ VII.

§. 8. Подобныя (Similia) суть, комх различительные знаки сходствують, такь что оныя разпознаны быть не мотуть, естьли не будуть сравнены между собою. На пр. пропорціональныя числа 1 кв 2, и 3 кв 6, которыя им вють одинакой знакь своего содержанія, могуть назваться подобными; ибо вь обоихь мьстахь есть двойное содержаніе. Знакь подобныхь есть со-

опредъление VIII.

§. 9. Число измѣряето другое число (Numerus numerum metitur), когда меньшое число, нъсколько разь взятое, равно бываеть большому числу,

опредбление іх.

§. 10. Часть (Pars) есть меньшая доля большаго количества. Есть или несколькая (Aliquota), которая, несколько разы взятая, измёряеть большее количество и оному равинется; или неколикая (Aliquanta), которая не измёряеть.

опре-

определение х.

у. 11. Цвлымб (Totum) называется количество, относительно кв частямв, кои оно вв себв содержить.

ОПРЕД В ЛЕНІЕ XI.

§. 12. Подобныя части нѣсколькія (Similes partes aliquotae) суть, кои равно измъряють свои цьлыя; или которыя вы своихы цьлыхы нѣсколько разы содержатся по равну. На пр. 2 и 3 суть подобныя части чиселы 4 и 6, понеже каждая изы нихы дважды содержится вы своемы пьломы.

опредъление XII.

§. 13. Подобныя части неколикія (Similes partes aliquantae) суть, изы коихы одна содержиты вы себь столько же, сколько другая, нысколькихы частей своего цылаго. На пр. части 4 и 6, будучи сравнены сы цылыми 10 и 15, суть подобныя. Ибо хотя ни одна изы нихы не измыряеть соотвытствующаго цылаго, одиакожы каждая содержиты вы себь двы подобныя нысколькія, то есть, пятыя части цылаго, кы которому относится.

опредъление XIII.

§. 14. Соизмѣримыя (Commensurabiles) количества суть ть, которыя измъряеть общая мъра; несоизмѣримыя (Incommensurabiles) суть, коихь не измъряеть общая мъра (§. 196. Геом.).

ОПРЕДБЛЕНІЕ XIV.

§. 15. Ровное (раг) число есть, которое содержить вы себь два равныя цылыя. Неровное (impar) есть, которое единицею разнствуеть оть ровнаго.

опредъление ху.

§. 16. Розно ровное (pariter par) есть, которое измъряется ровнымь чрезь ровное. Ровно неровное (pariter impar) есть, которое измъряется ровнымь чрезь неровное. Неровно неровное (impariter impar), которое измъряется неровнымь чрезь неровное.

OU BEY PYEHIE XAI

§. 17. Первое число (primus numerus) есть, которое измърнется одною единицею; сложное (compolitus), которое измърнется другимъ числомъ, кромъ единицы.

OHPEABAEHIE XVIL

б. 18. Первыя между собою (primi inter fe) числа сущь, которыя не имбють общей мбры, кромв единицы. На пр. 8 и 15. Сложимыя между собою (compositi inter fe) числа суть, которыя имбють общую мбру, кромв единицы. На пр. 9, 12, 15, всв имбють одну мбру 3.

ОПРЕДБЛЕНІЕ XVIII.

f. 19. Число совершенное (Numerus perfectus) есть, которое равно всты своимь мьмврамв. На пр. 6—3. 2° 1. своимв частямв. Такіяжь суть 28, 496, 8128. и проч. Способб, какб находить совершенныя числа, показываеть Эвклидь 1Х. 36. См. при томб Мереен. предувёд. мнён. Гизико-Матем. Нум. 9. и Таквет. Арив. кн. 111. стран. 119. Изв показанныхв опредъленій происходять сльдующія

AKCIOM II.

- I. §. 20. Единица измъряето всякое число чрезо единицы, кои во немо находятся.
- II. §. 21. Всякое число измъряето само себя чрезо единицу.
- III. §. 22. Всякое количество равно са-
- IV. 23. Равныя между собою могуть перемыняться, и одно на мысто другаго поставлено быть можеть.
- V. §. 24. Количества, равняющіяся одному третьему, равны между собою. (Таже Аксіома служить и вы разсужденіи подобных в количествь, которыя когда сходствують съ однимь третьимь, то сходствують и между собою).

VI. §. 25. Ежели къ равнымъ придашь равныя, то равныя и происходять.

VII. §. 26. Ежели отд равных отнимешь равныя, то равныя постаются:

VIII.

VIII. §. 27. Изб неравных бодно больше, а другое меньше.

IX. §. 28. Ц влое есть больше всякой сво-

X. §. 29. Ц влое равно всёль своим 3 ча-

XI. §. 30. Тъ числа равны, кон суть одинакія части тогожь числа; на пр. половинныя, третьи, и проч. Тъ числа равны, кои суть одинакія части равныхъ-чисель.

XII. §. 31. И ть количества, коих одинакія ньсколькія части равны между собою, или коих на равныя числа умноженных произведенія равны, суть равны между собою.

XIII. §. 32. Уисло, которое есть мърою другаго числа, измъряеть и есъ другія, коихь мърою есть то другое число.

Г *А* **В А В Т О Р А** *Я*

О исчисленій, сложеній, вычитаній, умно-женій и дъленій чисель.

опредъление XIX.

33.

Мечисление (Numeratio) есть способь изображать числа пристойными знаками, и вытоваривать опыя извъстными именами.

поло-

положенте 1.

§. 34. Для изображенія чисель принимаможна общіе десять знаковь: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0, изь которыхь первые девять, означають первыя суммы единиць, а посльдній знакь, которой нулемь (Cifra, vel zerus) называется, хотя одинь онь и не означаеть никакой суммы; однако, будучи придань кь другимь знакамь оть правой руки, увеличиваеть знаменованіе и силу оныхь, какь о томь посль сего изьяснено будеть.

примвчаніе.

§. 35. Знаки, для означенія чисель, прежде сего многіе народы бради из Базбучных Блишер Б. Однако Римляне означали нервыя единицы четырьмя поямыми линеями: 1, 11, 111, 1111, будто бы столькими пальнами; пять же единиць на подобіе руки V, а десящь на подобте удвоенной руки à изображали. Прочте знаки, кои въ употребленти были у Римаянъ, С, L, сю, ю, изъ начальныхъ литеръ сотни и тысячи знаками сдълались. Между тъмъ, понеже употребление такихъ знаковъ весьма неспособно было, по они для сложения и вычитанія больших в суммъ, употребляли ечотную доску съ гвоздиками, которую, кромъ другихъ, описываетъ М. Вельсерь въ Коммент. Август. сочин. стран. 221. О начальж в упошребишельных в нынъ общихъ знаковъ ученые люди имъють не одинакое мнънге. Нъкоторые почитають изобрътателями оныхь Индъйцовь, либо АравлянЪ. МаксимЪ Планудій ГрекЪ, XIII въка писатель (коего находится въ свътъ книга εισαγωγή eis την κατ' Ινδους μεγάλην ψήφην, которую я нашель въ Оксфордъмежду рукописями, omb

ошь Кромвеля въ библюшеку Бодлеанскую подаренными, нум. 297.) въ полкованти Ариеметики употребляеть общёе знаки, и не сомнъвается изобрътенте оных в приписывать Индъйцам в. Но понеже от В Аравлян в оные знаки получили Европейцы около одиннативато, какъ думають, етка: то попому и называющся Арабскими. Валлизій шом. И. сочин. стран. 16, думаетъ, что Гербертъ Флорентинець, которой напоследокь быль подъ именемь Сильвестра II Папа Рим. отъ Рожд. Хр. года, перевезъ оные знаки от в СарапынВ къ ЕвропейцамЪ. Аравляне объявляють, что сій знаки произошли ошъ круга на чепыре четверти раздъленнаго. См. КИРХЕР. Ариомолог. спран. 42. БЕЙЭРЪ, Сл. Петербургской АкадемикЪ, въ практ. о затывний Китайскомв, стран. 30, думаетв, что оные знаки от В Китайцов В к В Индвидам В, а от В сихЪ к в прочимъ народамъ перешли; иные сравнивающь изображение оныхъ съ первыми Греческими литерами, въ шакомъ порядкъ посщавленными: а. В. у. б. г. с. д. п. Э. о. понеже сти лишеры сходствующь съ шеми знаками, и потому изобретенте числишельных в знаков в приписывають Грекамъ, и ушверждають, чио сій знаки оттуда съ самою наукого исчисления перешли кЪ восточнымЪ народамЪ. См. Гуец. Докав. Евангел. предл. IV, гл. 13. стран. 252. пришомъ егожъ соч. гл. 48. И сте мнънте кажешся върояшно, понеже подобные знаки находяшся и въ самыхъ древнихъ писашеляхъ. Самъ я нашель вы Апотелезматикь Павла Александрійскаго, которая въ IV въкъписана, нъкоторые знаки, какъ то, три, шесть и девять; а больше того нашел в въ рукописной книгъ Ранцовіановой, но перемъниль издатель той книги Андр. Шато. См. примъч. его. страт. 2. Десять же знаковъ употребляемый весьма подобных в исчисляеть, и за изобрътение Пивагорейцовъ почитаеть, также употребление оных въ Ариометик в описывает воэтий въ Геом, которые знаки

можно вильть не токмо въ древней сего сочинения рукописи, находящейся въ библюшекъ Альторфинской, но и въ первомъ изданіи соч. Боэт. которое вышло въ Венеціи 1492 год. въ листь Впрочем в сти знаки употребляются по всему востоку. у Персовъ, Могольцовъ, Ташаръ и у Кишайновъ. так р как в я сте особливою диссертациею, объ общимъ знакамъ чисель, изданною 1727 год. Асказаль. О употреблентижь сихь знаковь у Евровейновъ, пишущъ КОНРИНГ. de. diplom. Lindauienfi. спран. 318 и Мабилліонъ de re diplomatica, кн. II. гл. 28. ВАЛЛИЗ. и ЛуффкинЪ in Lowthorpi Epit. tranfact. Angl. кн. 1. стран. 107 и след. ВпрочемЪ. чию принадлежишь до изъяснентя истори Арисметической, и что о знативыших в ся писателяхв. какЪ древнихЪ, шакЪ и новъйшихЪ объявищь наллежить, о всемь томь вы лекціяхь просіпраннъе упомянуто будетъ.

положение 2.

б. 36. Вы исчислении большихы чиселы первымы основаниемы есть десятьй (Decas), которой естьли десять разы повторены будеть, то происходить сто (Centum), и изы соти, десять разы взятой, дылается тысячь, сто тысячь, тысяча тысячь, или милліоная (Miliones) слыдують; также десятки, сотии, тысячи милліоновы, и десятки, сотии, тысячи тысячь милліоновы считаются. Тысячи тысячь милліоновы, билліоны Свіліонев); милліоны билліоновы, трилліонаь (Trilliones); милліоны билліоновы, жвадрилліонаь

ліоны (Quadrilliones), и такь далье, назы-

ПРИБАВЛЕНІЕ.

\$. 37. Изъ чего явствуеть, что въ исчислении всегда наблюдается десятерное содержание.

ПРИМЪЧАНІЕ:

6. 38. Но самымъ дъломъ видно, что такое исчисление по сложеннымъ десяпкамъ есть извольное (кв приняштю копюраго, какв видно, подали случай десять пальновъ объихъ рукъ. Витрув. III. г.) Ибо вольно было принять какую нибудь сумму, состоящую изъ немногихъ единицъ, за начало и первое основание. Тоже самое другие изъясняли примърами. Эрг. Вейгелій изобрълъ Аривметическую тетрактику, и по четыремь считать научиль, въ Аретологистикъ, стран. 362 и Матем. Философ. стран. 175. Лейбницій только два знака принимает в в исчисление, о которой Аривметической Диадикъ См. Histoire de l' Acad. R. des Sc. 1703 год. стран. 71. и Метогев тогож Б года. стран. 195. БувешЪ Іезуитъ Французской, которой нъсколько времени былъ въ Пекинъ въ Кишайскомъ Государствь, думаль, что сей счеть по двуми служить для истолкованія загадки древняго Китайскаго Царя и философа фоги, въ которой делыя линеи съ половинными различно перемъшивающся. Но напослъдокъ Бейэоъ въ кабинетъ Китайскомъ кн. 2. стран. 96. и слъд. показалъ, что сходнъе съ правдою сїе, что Китайцы чрезъ цълыя и половинныя линъи различно соединенныя, хотъли показать множество соединеній вещей немногих в, и сим в опыпомъ дошли до изображения простыхъ своихъ знаковЪ. НовымЪ образомЪ изЪяснилЪ сїю загадку, и предложилЪ мнтнія другихЪ Іо. Оом. ГауптЪ, въ Нъм. книгъ, 1773 года изданной, подъ заглавіемь: Полное истолкованіе книги Е-Кимь. Объ обомув исчисленіях в пространно упомянуто в в Диссерть. в преимуществъ Декадической Арпометики з чъмъ она превосходитъ Тетрактику и Дтадику; приномъ упомянуто было и о Додекадическомъ счетъ.

положение 3.

§. 39. Чтобр правильно изображать всякое множество вещей десятьми оными знаклыи, то надлежить начинать отродом суммы десятковь; сотень, тысячь, и другій продолжающійся крадку другь за другомы сабдующими. Такимы образомы Ариеметики подражаюты боыкновенію писать восточныхы народовь; кой оть правой руки кы арвой пишуть литеры; что изы приложеннаго примыра ясные разумьть можно.

Единипы. 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8: 9: Десятки 10. 20. 30. и проч. Сотий. 100. 200. Тысячи. 1000. 2000. Д. тысячи. 1000. 2000. 20, 000. С. тысячи. 100, 000. 200, 000. Мілліоны. 1000, 000. 200, 000. Мілліоны. 1000, 000. 2000, 000. С. милліоновь. 100, 000, 000. С. милліоновь. 100, 000, 000. Д. т. милліоновь. 100, 000, 000. С. т. милліоновь. 100, 000, 000, 000. С. т. милліоновь. 10, 000, 000, 000. С. т. милліоновь. 10, 000, 000, 000. С. т. милліоновь. 100, 000, 000, 000. Биліон. 1000, 000, 000, 000, 000.

ПРИБАВЛЕНІЕ.

• 40. Наблюдая сїє правило, всякой зчакъ едичицы получасть знаменованіе десятка, сотри, прысячи и каждаго другаго числа, смотря по масту, больше или меньте къ лёвой рукё опідаленному.

3 A A A U A ZI.

f. 41. Написать всякое число.

PBIHEHIE.

- 4. Начинай от единиць, и от сных подаваясь кольвой рукь, пиши десятки, сотни, тысячи, десятки тысячь, милліоны, и напослодоко всь ть суммы, кои требуется написать.
- 2. Гаржь одного, или больше членовь вы средины нахолящихся, не означено будеты положительнымы числомы, тамы надлежиты написать одины нуль, или больше. Сій правила явствующы, безы дальняго доказательства, изы полож. 3. (§. 39.). На пр. естьли требуется написать сльдующую сумму: шесть соты пятьдесяты четыре тысячи, сто восемьдесять девять; по оную будуты изображать сльдующіе знажи 654, 189.

ЗАДАЧА 11.

§. 42. Выговорить всякое число.

PHIIEHIE.

1. Раздрли данную сумму чрезь запятыя на члены, начавь от правей руки, и для каждаго члена опредьли по при знака. Надь

Надь сльдующимь посль двухь членовь знакомь поставь также запятую, посль чешырехь двь, а посль шести три, и такь далье. Нижнія запятыя будуть означать тысячи, а изь верьхнихь одна милліоны, двь биліоны, три триліоны а четыре квадриліоны, и такь далье,

2. По шомь назови соотвышетвующія числа именами выше (§. 39) упомянущыми, и такимь образомь выговорена будеть дан- ная сумма. На пр. число

18, 446, 744, 973, 709, 551, 611.

выговаривнейся щакимы образомы: восьмнащиль приліоновы, четыре сща сорокы шесть тысячь, семь соты сорокы четыре биліона, семьдесяты три тысячи, семь соты девять милліоновы, пять соты пятьдесять одна пысяча, щесть соты одиннатиать,

примвчание.

у. 43. Естьли число восьмнатцать триліоновъ, и проч. которое теперь предложено, разумѣться будеть о зернахъ жита, то ого означаеть такое ихъ множество, что Стурмій думаеть, что симъ

житом В 2,562, 047 Ноевых В ковчегов В до самаго верьху наполнены быть могуть. In math. iunen. Т. 1. стран. 13. См. притом Валлиз. соч. Т. 1. стран. 159. Томас В Гайд В Тр. de ludis orientalibus prolegom. Находинь даже число зервышек в песчаных в, которое бы всему земному шару, или шару неполвижвых в

ныхъ звёздь, по положенію взяпіму, равнялось, давно уже показаль Архимель in arenario стран. 126. См. притом в Таквет. Арием. кн. V. гл. 4. пеор. 21. Клавіев. Comment. in Bojci fph. Стран. 217.

OU DETRY XX.

уть, которыя означающь подобныя части тогожь цьлаго; разнородныя (hererogenei), которыя означають не одинакія части цьлыхь, различнымь образомь разділенныхь. На пр. дни разділяются на 24 часа, часы на 60 минуть; слідовательно числа часовь и минуть суть между собою разнородныя, числажь часовь однородныя; также числа минуть суть равноморно между собою одногродныя.

определение ХХІ.

§. 45. Сложение (additio) есть собрание двухь, или высколькихы чисель вы одну сумму. Знакы сложения употребляется кресть —, которой называется плюсь (plus). Количество, которое производится чрезы такое собирание, суммою (lum na, vel aggregatum) называется.

TEOPEMA I.

§. 46. Чиела слагаемыя должиы быть однородныя.

AOKASATEABCTBO.

Понеже изb слагаемых в чисель надлежить составить такое прлое, которое содержить

жь себь сложенныя числа, какь части (§. 55): то требуется, чтобь оныя части были между собою подобныя, кои кь тому же цьлому относятся. Ибо неподобныя, или разнородныя части относятся кь разнымь цьлымь, или различно раздъленнымь (§. 41,); сльдовательно числа, вь одну сумму слагаемыя, должны быть однородныя.

НРИБАВЛЕНІЕ.

47. КогдажЪ послѣ сего будешЪ говорено о сложении разнородныхЪ чиселъ, то объ ономъ должно иметь такое поняте, что въ тъхъ количес нахъ, которыя составляются изъ разнородныхъ членовъ, всетда складываются одинакіе сорты, и слъдственно однородныя числа.

3 A A A Y A III.

Я. 48. Сложить дой числа, или больше.

РЪШЕНІЕ.

- 4. Напиши данныя однородныя числа такь, чтобь единицы подь единицами, десятки подь десяткими, сотни подь сотнями и проч находились, и подь ними проведи линью.
- 2. По том в св праваго класса, так в как в св нижняго начавь, складывай числа всвх классовь, другь поды другом в стоящія, в в одну сумму, и ставь каждую сумму единиць поды линтею; а лишек в сверьх в девяти, содержащійся вы ум в, всегда придавай кы ближайте следующему кы лытой рук в классу; то есть, ежели одины в 3

деся ток в будеть в излишеств от суммы единиць, що кы ближайшей суммы приложи одну единицу; естьлижь два, или три и больше десяшковы будеть вы излишествь, то приложи двь, три единицы, или больше, кы сльдующему классу.

- 3. Когда случатся одни нули, тогда вмбсто суммы иншется пуль.
- 4. А когда надлежить складывать разнородмыя числа, то и тогда сложение также начинается от самаго меньшаго сорта, и как в произойдеть сумма, составляющая единицу ближайше большаго сорта, то к в сему сорту придается одна единица; естьлижь вы суммы меньшаго сорта будеть содержаться болье больших в сортовы, но и кы слыдующему ближайте большему сорту придается больше единицы, и сложение слыдующих в сортовы равномырно продолжается до тых поры, пока не дойдеты до самаго большаго сорта, коего всы единицы, по вышеноказанному правилу, складываются.

примфръ 1. т чет	
u i	енш. фунш. унц.
65708 A.	72. 85. 8
	32. 74. 7
еумма 144911	8.9.6
сумма	113. 69. 9.

Одинь

Одинь фунть содержить вы себь 12 унцій, а одинь центнерь, или сотовой высь, 100 фунтовь.

Примърз 3. Отв начала весны до начала осени проходить 186 дней, 18 часовь, 30 минуть, отв начала же осени до весны проходить 178 дней, 11 часовь, 19 минуть. Спрашивается долгота года.

186 дней, 18 часовь, 30 минуть

178 4 4 4 7 11 - 12 4 2 1 19

сумма 305 дней, 5 часовь, 49 минуть.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже всь суммы, сверыхь девящи единиць, составляющся изь десятковь (6.36), и всякая сумма вр десятерном содержани. возрасшаеть и умаляется (§ 37), а знаки получающь различное знаменованіе, смотря помьсту (4.39): того ради сльдуеть, что сь каждымь знакомь всякаго числа можно поступать такь, какь сь единицами; и пошому можно порознь складывань единицы, илишекь сверхь девяши, по есшь одинь десятокь. или больше, придаващь кр следующему классу. Но число, кошорое шакимы образомы составляется, понеже содержить вы себь единицы, десяпки, сошни и прочія суммы, кои находились вы слагаемых в количествахы, будеть сумма данныхь чисель. Вь разнород-В 4 3 7 0 4 3 ных в

ных в же, естьли числа подобных в классовы, и сльдовательно однородныя (§. 47), сложатся между собою, и содержание частей, принятое вы употребление, наблюдаемо будеть, то явствуеть, что изы частей составляются блажайшия цылыя (§. 29.) и суммы цылых и частей производятся показаннымы образомы (§. 44. 46).

ПРИБАВЛЕНІЕ.

49. Изъ онагожъ доказащельства явствуеть, что не всегда потребно бываеть начинать слежене опть правой руки. Ибо и отъ лавой руки вса десящеми по порядку другъ за другомъ сдадують, и помому окые подъ единицами, изъ которыхъ сосновтить, подписаны бышь могуть; однахожъ, понеже послъ того требуется новое сложене десятковъ, то явствуеть, что выщелоказанная практика сокращенные, и потому должно предпочитать окущенують.

OHPEABAEHIE XXII.

б. 50. Вычитание (Subtractio) есть дъйствіе, чрезь которое отнимается или отдьляется меньшее число отв большаго. Знакв жычитанія употребляется линьйка—, которая называется минусб (minus). Число, которое остается посль вычитанія, разность (differentia), или остатоко (refiduum) называется.

TEOPEMA II.

§. 51. Въ вычитаніи числа большес, и меньшее должны быть однородныя.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже большее число, изb котораго двается вычитаніе, представляется такв какв цвлое, коего часть отдвляется чрезв вычитаніе (§. 50.): но цвлое состоитв изв подобныхв частей (§. 44.); слвдовательно вы вычитаніи числа большее и меньшее должны быть однородныя.

TEOPEMA III.

§. 52. Остатоко и меньшее число, сложенныя вмёстё, составляюто сумму разную большему числу, изо котораго аёлается вычитаніе.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже меньшее число, отнятое отравно, есть часть его, и остаток есть другая часть того жр числа (§. 50.): но црлое равно встврем своим частям вмрстр взяньмы (§. 29), следовательно остаток и меньшее, число и проч.

3 A A A Y A IV.

- §. 53. Вычесть меньшее число изы большаго. Р В III Е Н I Е.
- 4. Во однородныхо числахо меньшее число подписывается подо большимо тако, чтобо взаимно друго другу соотвотствовали подобные классы единицо, десятково, сотень и проч. и подо ними проводится динья.

- 2. Начало двлается также отв правой руки, такв жакв отв самаго нижняго класса, и всв единицы меньшаго числа вычитаются изв верхнихв, а остатокв ставится подванивето.
- 3. Когда нижній знако содержито во себь больше единиць, нежели верхній, и не можето вычитень быть, то во таком случаю от ближайте слодующаго знака большаго числа, изы коего долается вычитаніе, надлежить занять единицу, которая, понеже во общихы знакахы означаеть десятью единицами; что сдолавь, вычитается потомы нижній знако изы верхняго, десятью единицами увеличеннаго, и остатокь ставится поды линьею; от ловой же руки верхній знакы почитается за уменьшенной единицею, что означается чрезь точку, поставленную подль того знака.
- 4. Вычшенной нуль не умаляеть числа; но ежели случится вычитать изь него положительной знакь, то сперва надлежить увеличить опой нуль десяткомь, занятымь отв предвидущих внаковь; естьлижь два нуля случатся сряду другь подль друга, то, понеже первой нуль, то есть львой, должень увеличень быть десяткомь, отв предвидущихь знаковь взятымь,

тымь, дабы от него кь посльднему нулю, то есть кь правому, перенесена быть могла единица, имьющая знаменованіе десятка, можно удобно разумьть, что львой пуль напосльдокь должно починать за девять. Тоже правило служить, когда больше нулей сряду другь подль друга стоять будуть.

5. Вб разнородных числах меньшее число также пишется подр большимь такимь образомь, чтобь подобные классы взаимно другь другу соопівьтствовали, и когда (по еспь, естьли нижній классь не можеть вычтень быть изв верхняго) для увеличенія меньшаго класса, занимается сдиница от ближайше большаго класса: то само по себь явствуеть, что сія единица означаеть такое цьлое, которое, по принятому вь употребление содержанію, состоить изь единиць меньщато класса; и шакв, естьли большая единица раздълится на меньшія, то, придавь оныя кв числу того сорта, изв котораго ділается вычитаніе, можно будеть вычесть нижнее число, и остатоко подпивать подь линью.

примъръ 1. примъръ 2.

79203 32. 74, 7	144911	пент. 113.	фунт.	ў нц.
	79203	32.	74,	7

остатокь 65708 остатокь 80. 95.

II римър 3. Солнечный годь содержить вы себь 305 дней, 5 часовь, 49 минуть; лунный годь имбеть 354 дня, 8 часовь, 48 минутр. Спр. чьмь солнечной годь больше луннаго?

365 дней, 5 часовь, 49 минуть 354 - - - 8 - - - - 48

разность 10 дней, 21 чась, 1 мин.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Что однородныя подь однородными подписывать, и подобныя изв подобныхв вычитать должно, то явствуеть изв сущности вычитанія (б. 51.). Но понеже всь числа вь общих) знаках имбють знаменование, смотря по мьсту (§. 40.); того ради сльдуеть, что со всяким в числом в можно поступать такь, какь свединицами и десятками, и заияная от предвидущаго знака единица олужить вивсто десятка, и увеличиваетв сльдующий знакь десящью единицами. Вы разнородных в числах в наблюдается содержаніе, принятое вр-употребленіе, и всегда чрезь вычитание находится разность подобцыхь классовь (б. 51.). И щакь, поелику

вь однородных вислахь вебхь единиць, десяшковь, сошень и прочих видессовь, вы разнородных же всьхы сортовы остатки находятся показаннымы образомы, то ньты никакого сомный вы томы, что вычитание едылано правильно.

ПРИБАВЛЕНІЕ:

 54. Понеже сложеніе и вычишаніе сущь между собою прошивныя дъйствія, такъ что ть части, колорыя чрезь сложение собраны были въ одну сумму, опять чрезъ вычитание могуть отделены быть отъ той суммы (у. 32.); того ради повърка болихь, естьли будень потребована, обратнымъ образом в савлана быть можеть, то есть, ежели по опняти одной части от суммы, состоящей изБ двухъ частей, останется другая, то почитать, что сложение сдълано исправно. И обратно в ежели меньшее число придано будеть къостатку. и произойдеть изъ того большее число, то и вычитачіе почитается за исправно сд бланное (%. 52.). Ибо едва случиться можеть, чтобы въ противном в дъйствин, вв разсуждении тогожв числа, слълалась такая негрышность, которая бы утанвала учиненную въ первомъ дъйствии.

ПРИМЪЧАНІЕ.

\$\\$\frac{1}{5}\$. Другая повърка сложентя и вычитантя дълается чрезъ отбрасыванте девятокъ изъ подобныхъ сумб, то есть изъ цълаго и частей. Ибо ежели въ обоихъ мъстахъ останется тотъ же остатокъ, доказывается чрезъ то исправное ръщейте сложентя и вычитантя. Причина тому есть слъдующая: понеже сумма всъхъ чиселъ пишется такъ, что сложенные знаки производять сумму равную лишку данныхъ единицъ сверьхъ одной девятки, или больше. На пр. когда написано будетъ 12, то 1 + 2 = 3 составляють лишекъ того числа вверьхъ девяти: или когда написано будетъ 33, то также 3 + 2 = 5 изображають лишекъ сей суммы прехъ девятокъ, которыя она въ себъ со-

держить. И потому оснатки частей и равной имь суммы, сверькь одной девятки, или больше, всегда должны быть равны между собою. См. Деттале Арием. кн. 1. предл. 5. Но тоть способь повые выски везопасные, с которомы упомянуто было вы предъидущемы параграфъ.

опредъление ххи.

§. 56. Umnomenie (nultiplicatio) ecmb многократное одного и тогожь количества самого сь собою сложение. Или, умножение есть способь находинь такое число, которое бы содержало вь себь множимое число столько разь, сколько единиць содержится вь множишель. Знакь умноженія употребляется точка, поставленная между множимыми количеспивами. На пр. 6. 3 = 18; иные изображають умпожение такимь образомь: 6 х 3 = 18. Числа, которыя умножаются между собою, называющся множителями (factores). Эвклидь называеть оныя боками (latera); а то число, которое происходить изь умноженія двухь чисель между собою, называется произведение (factum vel produступ); Увклидь же называешь оное плоскимь числомь (numerum planum).

ПРИБАВЛЕНІЕ 1.

§. 57. Сабдоватильно единица кЪ одному множителю имбетъ такое содержание, какое другой множитель къ произведению; а единица не умножаетъ.

ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

§. 53. Одинакіе множишели производять одинакія произведенія.

прибавление з.

№ 59. Произведентя всекъ единицъ происходять, ежели всякая единица будеть складываться сама съ соото непрерывно до девяти. И такимъ образомъ составляется таблица, которая называется тавлицею пеоргорово (abacus Pythagoricus). Числа сей таблицы надлежить твердо содержать въ памяти, дабы помощто оныхъ можно было скоръе дълать умноженте и дъленте большихъ количествъ.

							,		
1		2							
-	2	4	6	8	10	12	14	15	18
-	3	6	9	12	15	8	21	24	27
-	4	8	12	16	20	24	28	32	36
-	5	10	15	20	25	30	35	40	45
	6	12	18	21	30	36	42	48	54
	7	14	21	28	35	42	49	56	63
-	8	16	24	32	40	4.8	56	64	7.2
	9	18	27	36	45.	54	63	72	81

ПРИБАВЛЕНІЕ 4.

б. 60. ВЪ умноженти данныя числа должны бытьодинакаго роду, дабы каждое изъ никъ по изволения принять можно было множимымЪ числомъ, или множителемъ.

3 A A A Y A V.

§. 61. У множить однородных числа.

РВШЕНІЕ.

1. Множитель подписывается подр множимымь числомь, такь чтобь классы единиць, десятковь и проч. взаимно другь другу соотвышствовали, и по томь подв нимы ними проводишем линвя, какв вы сложений и вычишании двлано.

- 2. Первой знако от правой руки множите ля умножается на вст знаки множимато числа, и когда произведение состоить изведение знаковь, то пишется только правой знаковы, то пишется только правой знаковы, том како десятки, между тым содержится вы умы, и относится кы следую имися вы умы и относится кы следую имися вы умы и относится кы следую имися вы умы имися вы умы
- 3. Равнымь образомь следующій второй в всякой другой знакь множителя умножаещ-ся на все знаки множимаго числа, и прозизведеніе изь того подписывается подванакомь умножающаго числа.
- 4. Ежели оба числа, или шолько одно бугдешь имыть на концы нысколько нулей, то умножаются одни шолько положительныя числа, и кы произведению приписываются вей нули. Также сшавится нуль вы произведении, естьли случится оной вы средины множителя, и по шомы продолжается умножение прочими положительными знаками. Когдажы вы средины множимаго числа случится нуль, що и шогда также ставится нуль вы произведении, естьли другой положительной знакы, содержащийся вы умы, не будеты поставлены на его мысто.

5. Наконець, когда всь знаки такимь образомь умножены будуть между собою, то всь произведенія складываются вь одну сумму, которая будеть искомое произведеніе данныхь чисель.

примъръ і.

произведение 494550

Примъръ 2. Окружность земнаго круга содержить вы себь 360 градусовы, изы ко-ихы каждой составляеть 104 версты. Спр. сколько версты содержится вы земной окружности?

104 360 6240 312 37440 septmb.

AOKASATEA BCTBO.

Понеже, како носколько разо уже было сказано, числительные знаки имбють такое свойство, что каждой изо нихо получаеть знаменование, смотря по мосту (§. 40), и что большия количества, шако како изо однихо единиць и десятково сот

ставленныя, представляемы быть могуть, и чрезь рышение предложенной задачи, всь произведения изы каждыхы единиць, такы какы всь члены искомаго произведения, получаются, и располагаются надлежащимы образомы; то слыдуеть, что умножение надлежащимы образомы дылается по предписаннымы правиламы.

TIPUM BYAHIE.

§. 62. О другихъ способахъ умножентя, безъ таблицы Пивагоровой, чрезъ палочки Іо. Непера и проч. въ лекцтяхъ говорено будетъ.

O I PEABAEHIE XXIII.

 63. Дѣленіе (Diuifio) есть повторенное вычитание меньшаго числа изв большаго. Или, дъленіе есть способь находить такое число, которое показываеть, сколько разь меньшее число содержится во большемо; и сколько разв оное изв сего вычшено бышь можешь. Или, дъление есть способь, по данному произведенію и одному множителю, находить другой множитель. Деленіе иногда означается двумя точками, между дрлимымь в числомь и дрлишелемь поставленными, а иногда линбечкою между оными проведенною. На пр. 8: 4, или § значить, что 8 дьлится на 4. Изв данныхв чисель одно делимымь Dividendus), другоежь делителемь (Diuisor); а то число, которое происходить, частным числомь (quotus, vel quotiens) называется.

привавленте.

∮. 64. Слѣдовашельно дѣлишель вЪ дѣлимомЪ числѣ содержишся спіолько разЪ, сколько единица вЪ часшномЪ числѣ.

∮. 65. ВЪ дѣленїи данныя числа должны быть одинакаго роду, дабы оное производить можно было вычитаніемЪ дѣлителя изЪ дѣлимаго.

TEOPEMA IV.

§. 66. Дълитель, умноженной на частное число, производить число равное аълимому.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Чрезв умножение находится такое число, которое содержить вы себь множимое столько разы, сколько единица содержится вы множитель (§. 56.). Но столько разы дылитель содержится вы дылитель содержится вы дылитель (§. 64); слыдовательно дылитель, умноженной на частное число, производить число равное дылитель.

ПРИБАВЛЕНІЕ і.

5. 67. Изъ чего явствуеть, что умножение и дъление суть два прошивныя дъйствия, и число, которое чрезъ умножение съладывал съ нъсколько разъ само съ собою, чрезъ дъление опять тоже возвращается. На пр. 4. 3—12, то есть, четыре умноженные на три, дълають 12; но чрезъ дъление 12: 3—4 опять тоже число четыре возвращается.

ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

§. 68. Чего ради одно которое нибудь дъйствіе можетъ служить для повърки другаго.

3 A A A Y A VI.

§. 69. Раздълить однородное число на однородное же.

T 9

PB.

РБШЕНІЕ.

- 1. Дрлишель ставится подр знаками дрлимаго числа отр лрвой руки, такимр образомр, чтобр верхнее число было больше нижняго, и подр ними проводится линря; подлржр крайняго знака отр правой руки проводится линря, или дуга.
- 2. По томь сыскивается, сколько разь делитель содержится вы стоящемы нады нимы
 числь делимаго, и число, которое то показываеть, пишется за дугою, такы
 жакы частное: оно же послы того умножается на делителя, и произведение вычитается изы делимаго, а остатокы замычается поды линыею, и слыдующий кы
 правой рукы знакы делимаго ставится подль тогожы остатка.
- 3. Наконець ділишель, подь симь осташкомь, которой сперьва увеличень быль слідующимь приписаннымы знакомь, подвигается однимь містомь подалье кы правой рукь, и такимь же образомы находится частное число, и произведеніе его вычитается изь соотвітствующей суммы. Подобное дійствіе продолжается до конца.
- 4. Ежели ділишель віз ділимомі числі не содержишся, що вмісто часшнаго числа за дугою ставится нуль.

- 5. Естьлижь при делитель будуть находинься нули, то оные тотчась на конць поды последними знаками делимаго числа подписываются, и деленіе продолжается положительными знаками; числажь, стоящія нады нулями, отделяются оть прочихь линьею, и кь остатку, по окончаній деленія, придаются.
- 6. Что посль дьленія осщается, то пишется особливо, и почитается за часть дьлителя.
- 7. Дівленіе дівлается сокращенніве, ежели найденное частное число віз умів умножено будетів на дівлителя, и произведеніе вычтется изіз соотвітствующих знаковіз дівлимаго числа. Но віз такоміз случав, для краткости, надлежить умножать частное число на дівлителя отіз лівой руки віз правой.

ME

H

KI

Д

II

Примъръ 2. Земной шарь обращается около своей оси вь 24 часа; окружность же земного круга, или экватора, составляеть 37440 версть. Спр какое разстояние пробътаеть вь одинь чась каждое мъсто подържваторомь?

37440 (1560 верств.

24

134

24

120

144

24

144

Сіе абйствіе изобразить можно и сабду-

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Вь ръшении сей задачи десятерное содержание, вы силу которато умаляется зна мено-

менование чисель смотря по мьсту, такь что вст порознь, какр однт единицы, или десятки, употребляемы и сравниваемы быть могуть, дьлаеть также великое сокращение. И по тому тысячное число (7000) можно поставить подв сошеннымь числомь шысячь (490,000), и находить, сколько разв первый знакв онаго тысячнаго числа содержится во первыхо двухь знакахь сего сошеннаго числа тысячь; ибо найденное частное число (6) не значить уже единицы, но десяшки; пошому что во время продолжения дъйствія придается ко нему отв правой руки другой знакв. Но естьли произведение, произшедшее изв умножения сето частнаго числа на дрлителя, вычтется изь дьлимаго, то явствуеть, что остатокь принадлежить кь следующей делимой суммь, и должно продолжать деление подобнымь образомь; по окончани котораго, понеже найденное число показываеть, сколько разь цьлой дьлишель можеть вычшень быть изь всьхь классовь делимаго числа, можно будеть и о томь заключить, что деленіе сдрано правильно.

примъчание.

§. 70. О рѣшенїи дѣленїя, помощію палочекъ Неперовыхъ, и о другихъ способахъ говорено будешъ въ лекціяхъ.

ПРИБАВЛЕНІЕ.

AF

CI

AI

K

§. 71. Повърка умноженія дълается, раздъливъ произведеніе на одного котораго нибудь множителя; ибо ежели произойдеть изъ того другой множишель, означается тъмъ правильное ръшеніе умноженія. И обратно, повърка дъленія дълается, умножая частное число на дълителя, и къ тому прикладывая остатокъ, естьли какой случится; изъ чего должно произойти опять дълимое число, какъ уже о томъ выше сего изъяснено было (§. 67. 68.).

примъчаніе.

 72. Можетъ учинена быть и другая повържа, ежели выкинушы будушь девяшки сперва изъ множителей, а по томъ изъ произведения ихъ, и примъчено будетъ, происходитъ ли изъ произведенія остапковь оть множителей, посль выкинупыхь девяшокь, шакой же лишекь сверхь девяши, какой и из в произведения данных в чисель. На пр. въ умпожении 85.7 = 595, остаток выкинувъ девянъ изь одного множишеля, есшь 4; другой же множишель л еснь уже самъ собою лишекъ сверкъ девяни; оетатокъ изъ произведентя 595, послъ выкинупыхь двухь девятокь, есть і, и изь произведенія первых в лишков 7. 4 = 28, после выкинутых в прех в девяток в, остается также і, и півмъ самымъ доказывается, что умножение сдълано правильно. То же служишь и для повърки дъленія, гдв частное число и делитель почитаются за множителей лелимаго числа (. об.); однакожЪ, естьли что останется после делентя, то самое сперва надлежить вычесть изъ дълимато числа, и по томъ, въ разсуждени остапка, дълать показанную повърку (б. 55.) См. Таквет. Практич. Арием. кн. І. гл. ХІІ. примвч.

ONPEABAEHIE XXIV.

§. 73. Приведеніє разнородных инесло (reductio heterogeneorum numerorum) есть дьйдыствие, чрезь которое части цылаго, состоящаго изы классовы, или сортовы различно раздыленныхы, приводятся вы одинакой меньшой сорты. Или обратно, когда изы меньшаго сорта выключаются большие сорты, кои оной вы себь содержить.

ПРИМЪЧАНІЕ.

§. 74. Какъ на пр. центнеры, которые въ себъ содержатъ меньште въсы фунтовъ и унцтй, чрезъ умноженте раздробляются такъ, что изъ центнеровь фунты, а изъ фунтовъ унцти, равняющтяся данному числу центнеровъ, производятся. Или, когда въ противномъ содержанти, множество унцтй, содержащее въ себъ фунты и центнеры, чрезъ дъленте раздъляется такъ, что можно видъть, сколько фунтовъ и центнеровъ содержится въ данной суммъ унцтй.

3A AAUA VII.

у. 75. Савлать приведение разнородных в чисель.

PBIHEHIE.

1. Число большаго сорта умножь на единицы меньшаго сорта, составляющія большой сорть, и ко произведенно приложи слодующее число ко томужь меньшему сорту относящееся: равнымо образомо, когда слодуеть больше сортово, на число единиць ближайте меньшаго сорта, составляющих вольшой сорть, умножается предвидущее число большаго сорта.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Истинна сего дъйствія явствуєть изь Аксіомы X (§. 29). Ибо, понеже цьлое равно всьмь своимь частямь вмьсть взятымь, то должно взять сіе число частей чрезь умноженіе столько разь, сколько единиць большаго сорта содержится вы какомы числь. На пр. одины фунты содержиты вы себь 12 унцій, а дча фунта содержать 24 унціи, и такь далье.

примърь 1.

		art to the stage	
	ценш.	фунт.	унц.
	65.	36.	8.
	100		
	6500		
	36		
фунп	6536		
	12	,	
	130.72		
	6536		
	78432		
	· 8		
унц,	78440		

Примеро 2. Вы году считается 365 дней, 5 часовы, 49 минуты. Спр. сколько всыхы минуты вы году содержится?

365 дней, 5 часовь, 49 минушь.

24

1460
7305

8705 часовь.

60

525900

49

525949 минушь.

2. Обратно из меньшаго, или из нижняго сорта, выключатся больше, или вышше сорты, естьли на число частей, кои относятся к ближайте вышшему сорту, так как на знаменование того сорта, раздълнися число ближайте нижняго сорта. На пр. ежели 6536 фунтов будут раздълены на 100: то произойдут 65 цент. с излитеством 36 фунтов.

3 A A A Y A VUII.

§. 76. Умножить разнородных числа.

РЪШЕНІЕ ПЕРВОЕ.

- 1. Приведи количество состоящее из разных сортовь, вы меньшой сорть (§. 74.), и умножь на данное число (§. 61.).
- 2. Произведение меньшаго сорта приведи чрезь дѣление вы большие сорты (∫. 75.), и будеть сдѣлано умножение разнородных ичесь.

ПРИМ ВРЪ.

цент.	Д фунт.	унц	•	
12.	28.	7.	умнож.	на 15
100				
1228	~			
12				
2456	minimalists			
1228				
14736				
7				

унц. 14743. 15 = 221145. унц. раздъливъ на 12, произойдуть 18428 фунтовь сь 9 унціями, и сумму фуцтовь раздъливь на 100, выдуть 184 цент. 28 фунт. и 9 унц., кои составять искомое произведеніе:

PHIEHIE BTOPOE.

4. Короче сдълается сіе дъйствіе, ежели, не дълая приведенія, числа всъх сортовь бу-

дуть умножены на данное число, и произведенія встхь классовь порознь разділены будуть на приличествующее число частей; а частныя числа приложатся кь ближайше вышшимь сортамь.

9. Естьлижь умножающее число будеть очень велико, то разбей оное, или раздроби на множители, и по томы умножай сими меньшими числами. Или раздроби оное на такія части, кои имыють удобное содержаніе, и изы частныхы произведеній, сложенныхы вы одну сумму, произойдеть цылое произведеніе.

примвръ.

денш. фунт. унц.
12. 28. 7. умнож. на 15 = 5. 3.
5.
61, 42. 1
3
произвед. 184. 28. 9

12. 28. 7 умно у на 15 = 5 + 10
61. 42. 11.
5
слож. 122. 85. 10
произв. 184. 28. 9

Примарь 2. Лунный мьсяць имьеть 29 дней, 12 часовь, 44 минуты. Спр. долгота луннаго года.

29 дней, 12 часовь, 44 мин. умн. на 12 = 4. 3 118. -, 2 - - 56 354 дня 8 часовь 48 минуть.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Первое ръшеніе явствуєть изб приведенія разнородных в и умноженія однородных в чисель, а второе ръшеніе также явствуєть изб опредъленія умноженія; понеже все равно, хотя данное число умножить на проможить оное само св собою трижды. Ибо вв обоих в случаях в находится равное число частей. И когда множитель раздробляется на части, и складываются части произведенія, на пр 5 и 10, вмвсто 15: то ньт выходить произведеніе; понеже прлое равно всты своим частямь выходить произведеніе; понеже прлое равно всты своимь частямь вмвсть взятымь (§. 29).

3 A A A Y A IX.

§. 77. Разавлить разнородных чиска.

РЪШЕНІЕ ПЕРВОЕ.

- 1. Равнымы образомы число, состоящее изы разныхы сортовы, приводится вы меньшой сорты (§ 74.), и произшедшая изы того сумма дылится на даннаго дылителя (§ 69), частное покажеты число меньшаго сорта.
- 2. Сіе частиное число опять чрез двленіе приводится вы вышшіе сорты (ў. 75), и будеты извыстна йскомая часть всякаго сорта.

примъръ.

цент. фунт. унд. 184. 28. 9.

разділ. на (15)

По приведеніи вр меньшой сортв, выдетв унц. 221145: 15 = 14743; сіи унцій 14743 приведши вр фунты, чрезр деленіе на 12, произойдуть 1228 фунт. ср 7 унціями: а по разделеніи сего числа фунтовь на 100, частное число будеть 12 цент. 28 фунт. 7 унц. тоже самое число, какое сперва взято было.

PEWEHIE BTOPOE.

Не дѣлавъ приведенія, раздѣли всѣ сорты на данное число, и ежели какой сорть не можеть раздѣлень быть безь остатка: то приведши остатокь въ слѣдующій меньшой сорть, приложи оной къ числу того сорта, и опять продолжай дѣленіе на тогожь дѣлителя; такимь образомь произойдуть частныя числа всѣхь классовь. Сій правила, безь дальняго доказательства, явствують изъ вышеобьявленнаго.

примъръ 1.

184 цент. 28 фунт. 9 унцій. разділ. на 15

Разделивь 184 цент. на 15, частное число будеть 12 цент. св 4 оставшимися, пли 400 фунт. кв симь приложи 28 фунт. изв суммы, разделенной на 15, произойдеть частное число 28 св восемыю оставшимися фунтами, или 8. 12 = 96 унц. кв коимь приложивь последнія девять унц. и сумму 105 разделя на 15, частное число будеть 7, и постому тоже, что и прежде, находится частное число 12 цент. 28 фунт. 7 унця

Примерь 2. Солнечный годо содержить вы сеоб 365 дней, 5 часовь, 49 минуть. Спр. долгота солнечнаго мысяца.

ГЛАВА ТРЕТІЯ.

О содержании и пропорции. ОПРЕДВЛЕНІЕ XXV.

S. 78.

Содержаніе (Ratio) есть взаимное отнотеніе двухь коликихь одного роду, вь разсужденіи количества. Первое изь сихь коликихь называется предбидущимо (antecedens), а другое послідующимо (confequens).

опредъление хху.

§. 79 Содержаніе есть или Аривметическое (Arithmetica), когда разсуждается о разности двухь неравных коликихь. На пр. 5—3 = 2. Или Геометрическое (Geometrica), когда разсуждается о томь, какая часть будеть меньшее количество большаго. На пр. содержаніе 6 кв 3, показываеть, что меньшое количество вь большомь содержится дважды, или есть половинная онаго часть.

ПРИБАВЛЕНІЕ 1.

№ 80. Чего ради содержаніе Ариөметическое, или разность (Differentia), находится чрезЪ вычитаніе (\$. 50.), а Геометрическое чрезЪ дъленіе (\$. 63.).

ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

§. 81. И знакъ вычишанія, или линтечка, для означенія Ариометическаго содержанія, а знакъ дъленія, или двоеточіе, для означенія Геометрическаго содержанія, правильно употребляєтся.

примъчаніе.

\$. 82. Кромъ Ариометическато и Геометрическато содержанія, упоминается также Гармоническое (Нагтопіса), когда въ трехъ числахъ два крайнія имьють такоежь Геометрическое содержаніе, какое находится между разностьми перваго и средняго, средняго и послъдняго. На пр. 6, 4, 3, гдъ 6: 3 содержится такъ какъ 6 — 4 — 2 къ 4 — 3 — 1. Называется Гармоническое содержаніе потому, что числа онаго по больтой части имьють такъ пропорціи, на которыхъ утверждается согласіе музыки. Пространные о семъ упоминаеть Клавій къ Эвклид. кн. 5. стран. 392. и слъд.

ष

e

The

n

fi

D

опредъление XXVII.

§. 83. Вы содержании Геометрическомы то число, которое показываеть, какая часть есть меньшое коликое большаго, называется именемы содержанія (nomen rationis), знаменателемы (denominator), также показателемы содержанія (exponens rationis).

опред Блен де ХХУШ.

§. 84. Подобныя содержанія (rationes fimiles) суть, которыя имбють одинакаго зна-менателя (§. 8). Содержанія неподобныя (rationes diffiniles) суть, которыя имбють не одинакаго знаменателя. Предвидущієжь и послодующіє члены подобных содержаній, Граческимь словомь называются количества одинаковыя (quanta homologa). На пр. 2:4 и 3:6 суть подобныя содержанія, коихь два предвидущіє члена 2:3, и два послодующіє 4:6. суть одинаковые; пбо кь обоимь равномьрно относится пропорціональное число.

определение ххіх.

§. 85. Содержаніе многочисленное (ratio multiplex) есть, когда меньшое количество ніроколько разь содержится вы большомы, и особливо называется двойное (dupla), ежели дважды; тройное (tripla), ежели трижды; четверное (quadrupla), ежели четырежды меньшое число содержится вы большомы, и проч.

ОПРЕ

опредваение ххх.

 86. Содержание сложенное чрезбумножение (ratio composita per multiplicationem), ими умноженное (multiplicata), есть то, которое состоить изь одного и тогожь содержанія, нь сколько разв взяшаго, или умноженнаго; или которое производится изв умноженія подобныхь пропорціональныхь чисель; и называется удвоенное (дирисата), когда предвидущіе и послідующіе члены двухі подобныхі содержаній умножаются между собою; утроенное (triplicata), когда умножаются три подобныя содержанія; учетверенное (quadrupliеата), когда умпожающся четыре подобныя пропорціональныя числа. На пр. пусть будутв двь подобныя пары пропорціональных вчісель 2:4 = 2:4, то произведения 2.2 и 4. 4 составляеть удвоенное содержание перваго, 4:16; еспитинжь будушьтри пары подобныхь содержаній 2:4=2:4=2:4, и произведение трехь предвидущих иленовы 2. 2. 2 = 8 сравнится сь произведеніемь прехь посльдующихь 4. 4. 4 = 64: по произойдешь утроенное содержание перваго, 8:64.

ПРИБАБЛЕНІЕ.

\$. 87. Происходин в накже сложенное содержание, ежели знаменашели подобных в содержаний будуш в умножены между собою, и двлается удвоенное, ежели два знаменашеля, учещверенное, ежели четыре знаменашеля взаимно умножатся между собою. Чего ради ради Эвклидъ опред. 10 кн. 5. принявъ три непрерывно пропорціональныя числа, 2, 4, 8, содержаніе перваго къ третьему 2; 8, назвалъ удвоеннымъ содержаніемъ прапорціональныя числа 2, 4, 8, 16, содержаніе перваго къ четвертому 2: 16, назвалъ утроеннымъ содержаніемъ перваго ко второму 2:4.

OHPEABAEHIE XXXI.

(ratio maioris inaequalitatis) есть, когда большое количество относится вы меньшому. На пр. 8: 4 есть содержание двойное. Содержание меньшой неравности (ratio minoris inaequalitatis) есть, когда меньшое количество относится вы большому, для означения котораго ставится переды именемы содержания предлогы подб (fub). На пр. 4: 8 называется содержание поддвойное, или половинное (fubdupla); 2:6 подтройное или третное (fubtripla); также 2:4 вы разсуждении содержания 4:16 подбудвоенное (fubduplicata),

опредаление хххи.

§. 89. Содержаніе суперпартикулярмоє (ratio superparticularis) еснь, когда большое количество содержить вы себь меньшое однажды, и сверхы того одну его нысколькую часть, для означенія которато употребляется слово полу (sesqui), придавы кы тому знаменованіе изобилующей частицы. На пр. 3: 2 будущь содержаніє полуторноє (ratio sesquialtera); понеже лишекы есть половинная А 3 часть

mp

L'o

OII

Д

m

K

M

T

y

F

часть меньшаго количества; 4:3 будеть содержание полутретное (ratio sesquitertia); понеже лишеко есть третья часть меньшаго количества. И обратно, содержание меньшой неравности означится, когда передь онымь поставится предлогь подб (fub). На пр. 2:3, будеть содержание подполуторное (ratio fubsesquialtera). Сверьх в того, когда данныя количества будуть имьть многочисленное содержаніе, тогда напереди оных спавится имя многочисленнаго содержанія. На пр. 5: 2, будеть содержание двойное полуторное (dupla tesquialtera); 7:3 двойное полутретное (dup.a sesquitertia); а чтобь и содержаніе меньшой неравности означить, то напереди также ставится предлогь подв (tub). На пр. 3: 7 будеть содержание поддвойное подполутретное (subdupla subsesquitertia).

OUDEABVEHIE XXXIII.

§. 90. Содержаніе суперпарцієнов (ratio fuperpartiens) есть, когда большое количество содержить вы себь меньшое однажды, и сверхы того многія нысколькія ето части, кои всы выбсты взятыя, не составляють одной нысколькой части; и такое содержаніе вы особливости означается принятымы за нарычіе именемы превышающихы частей, и ординальнымы меньшаго члена. На пр. 5:3 будеть содержаніе суперпарцієнов двы трети (прег-

(superbipartiens tertias); 8:5, cynepnapuieuco три пятыя доли (supertripartiens quintas), Содержание субсуперпарціенов (ratio subsuperpartiens) есть, когда меньшое количество относится ко большому. На пр. 3:5 будеть содержание еубсуперпарцієнов двв mpemu (ratio supsuperbipartiens tertias). Haконець содержание многочисленное суперпарціенов (ratio multiplex (uperpartiens) есть, когда большое количество содержить вь себь меньшое нъсколько разь, и сверхь того мнотія носколькія его части, кои, взяты будучи вмьсть, не составляють одной ньсколькой части. На пр. 8:3 будеть содержание двойное суперпарціенсь двѣ трети (ratio dupla superbipartiens tertias), и обращно 3:8, будеть содержание половинное субсуперпарціенов дев трети (ratio subdupla subsuperbipartiens tertias).

ПРИБАВЛЕНІЕ.

9. 91. Сказано было въ опредълени, что превышающия части, вмъстъ взятыя, не должны составлять одной иъсколькой части меньщаго числа. Ибо, естьли оныя будутъ содержать въ себъ одну такую часть, въ такомъ случаъ содержание дъленемъ приводится въ суперпартинулярное. На пр. содержание 9: 6 не есть суперпартинулярное. На пр. содержание 9: 6 не есть суперпартинулярное. На пр. содержание 9: 6 не есть суперпартинулярное. На пр. содержание объ не есть суперпартино оба числа, какъ больщое, такъ и меньщое на сей лищекъ, поелику больщое число содержитъ въ себъ меньшое и разность (№ 52.), и разлъливъ, произойдетъ содержание 3: 2, которое равняется првому, какъ напеслълокъ (№ 120.) доказано будетъ; откуда происходитъ содержание суперпартикулярисъ полуторнос.

Изь

Изъ чего явствуеть, что числа, имъющія общаго дълителя, помощію сего, сперва надлежить приводить вы простыйшія, а по томы уже давать имя содержанію.

ПРИМЪЧАНІЕ.

У. 92. Но хотя содержаніе и можеть означать ся числами; однако, понеже сій техническій слова, для ясивнішаго означеній весьма приличныя, віз частомь употребленій находятся; того ради и з благоразсуждено изтолковать оныя на семь мыстив. Пространные извясняеть раздівленія содержаній Клавій вы Коммент. кы Эвклид. кн. У. опред. 4. стран. 354 и слыд. см. притомы Барров. лекц. Матем. стран. 1314

OHPEABAEHIE XXXIV.

€. 93. Прогрессія (progressio) есть рядь прскольких в подобных в содержаній. Оная бываеть или Ариометическая (Arithmetica), вь которой всь числа имьють одинакую разность. На пр. 3, 5, 7, 9, и проч.; или Геометрическая (Geometrica), вы конорой всь числа имбють одинакаго знаменателя, или доказащеля. Такая прогрессія называеціся также пропориею Геометрическою (proportio Geometrica), или Аналогією (Analogia). На пр. 2, 4, 8, 16, и пр. Прогрессія, жакь Армеменическая, шакь и Геоменрическая, есть или непрерывная (continua), или раздельная (difereta). Непрерывною называется, когда всь числа, вы порядкь друго за другомо следующія, имеють одинакую разность, или одинакаго знаменателя,

Kak

HOI

pa:

np

At

HY

II

H

каковой примфры уже предложены. Раздольноюжь называется, когда одно только пары пропорціональных в чисель имбють подобную разность, или одинакаго знаменателя. На пр. будеть прогрессія Арнометическая раздольная, 2-5=4-7; ибо между средними числами 5 и 4 находится другая р зность. Прогрессіяжь Геометрическая раздольная есть 9:4=3:6, вь которой также средніх числа имбють другое содержаніе.

ПРИБАВЛЕНТЕ 1

§. 94. ВЪ прогрессіи Аривметической непрерывной всякое послѣдующее число происходинь изь сложенія разности съ предъидущимь.

ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

9. 95. Всякое число шакой прогрессіи состоит из перваго, и разности столько раз взятой, сколько всях их в в порядка, без в единицы, на пр. в прогрессіи 3. 5. 7. 9. трет е число состоить из двух разностей 2—2 и из перваго 3; четвертоежь число содержить в сеоб при разности и первое.

прибавление з.

- № 96. Для означенія подобія содержанія чисель, продолжающихся вы Ариометической прогрессій, между каждыми двумя ихы парами, по причинф равенства разности, пишется знакы равенства; а самое содержаніе Ариометическое означаєтся линьечкою, такы какы знакомы вычищанія, между числами поставленнымы. На пр. 5 3 9 7.
- ПРИВАВЛЕНІЕ 4. № 97. ВЪ прогрессти Геометрической, или вЪ пропорцти непрерывной, всякое послъдующее число происходитъ изъ умножентя предъидущаго на знаменателя содержантя.
- ПРИБАВЛЕНІЕ 5.

 98. Чето ради впорое число еснь произведенте изъ перваго на знаменателя содержантя; претте число А. 5.

есть произведение изъ перваго на знаменателя содержанія, дважды въ умноженіе принятато; четвертюе число есть также произведеніе изъ перваго на знаменателя содержанія, трижды въ умноженіе прииятаго: и такъ далъе.

ПРИБАВЛЕНІЕ 6.

¶. 99. Понеже подобныя содержанія им вють одинакаго зваменателя (№ 84); того ради между каждыми двумя парами подобных в пропорціональных в чисель правильно ставится звакь равенства, и пропорція четырех в пропорціональных в чисель питется таким в образом в 2: 4 = 3: 6.

ПРИМЪЧАНІЕ.

у. 100. По предложении главный ших в опредвлений, и первых в исшинны, кои явсипвують из воных в, вы наукт о содержании следуеть изъменить главный по обоих в содержаний спойства, комх польза простирается по всей Математикт.

TEOPEMA V.

б. 101. Въ Аривметической прогрессіи пропорціональных чисель, состоящей изъ четырех в членовь, сумма крайних в, то есть перваго и послъдняго, равняется суммъ средних в, то есть втораго и третьяго.

ЛОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Положимь, что посльдующие члены больте предыдущихь. Понеже четвертое число происходить изь сложения разности сь третьимь числомь (§. 94.), того ради сумма перваго и четвертаго содержить вы себь первое число, третие и разность, такь какы части. Но второе число содержить вы себь первое и разность (§. 94.), и потому, приложивь его кы третьему, происходить изы того такая сумB

ма, которая имбеть ть же части, какія и сумма крайнихь; сльдовательно объ суммы, поколику состоять изь равных частей, равны между собою (§. 29.).

ПРИБАВАЕНІЕ 1.

у 102. Чего ради служить сте предложенте ев обоих в случаяхь, т. е. котя четыре оныя числа будуть со-споять вы непрерызной, котя вы разлуждали ты полько о происхожденти впораго и четвершато числа.

ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

 103. Ежели въ непрерывной просрессіи дано будеть ровное число равноразненивующих в членовь, и больше, нежели челыре, то въ такомо случат сумиа крайних в равняется суммв среднихв, отв крайнихв вв равномъ разспоянти находящихся. Ибо и въ разтуждени сихв чисель такоемв употребляется доназательсиво, и показывается, что суммы, такимь образомь произшедшія, состоять изводинаних в частей. Пусть будуть шесть членовь 3, 5, 7, 9, 11, 13: то шесной члень содержить вы себь нашь раль разность и первой члень (Л. 94.), и придачь къ тому червой члень, сумма будеть имъть дважды первой члень ч пяшь разностей. Также сложи второй члень от няпымь. Понеже второй члень содержить вы себя однажды разность и первой члень; а пятой члень четырежды разность и первой члень (. 95.); того ради сумма вшорато и пящато состоинь изв первато, дважды взятаго, и разности, нять разв приданной. Чию самое равнымо образомо справедливо и во разсуждении сумиы претьяго и чентвершаго.

прибавление з.

5. 104. Ежели даны будуть три только равноразнетвующій числа: по сумма перваго и претьято равняеться среднему, вдвое взящому. Ибо тоже доказательство, которое выше сего предложено, и здёсь употребить можно. Понеже второй члень содержить вь себъ однажды разность и первой члень (ў. 95.); онь же будучи в ятой дважды, содержить вь себъ дважды разность и дважды первой члень. Но претій члень содержить вь себъ дважды разность и первой члень, и

естьли нанонець придань будеть кв нему первой члень: то происходить изв того полобная сумма, содержащая вы себь дважды первой члень и дважды разность.

ПРИБАВЛЕНІЕ 4.

у. 105. И вообще, когда число скольних в нибудь количенив в, Ариеменнически пропорциовальных в, будеть неровное, то сумма крайних в исредних в членев развительно среднему, вдвое взятому. Пусть будет в изпъчисель: то сумма перваго и изпаго состоить извъченато, дважды взятаго, и изв четырех в разностей; но претие чи ло, так в как в среднее, содер итв в себ дважды разность и первой члет и по от оное чи ло, взятое вдвое, содержить в себ дважды пер-

3 A A A H A X.

§. 106. Къ даннымъ тремъчисламъ, Аривметически пропорциональнымъ, найти четвертое число:

PBHEHIE.

Сложи два послѣдніе, изь суммы ихв вычши первой члень, остатокь будеть искомое четвертое число. Справедливость сего явствуеть изь предвидущей теоремы (§. 101).

ЗАДАЧА XI.

§. 107. Къ даннымъ двумъ крайнимъ чи-.
еламъ, состоящимъ съ порядкъ тремъ Ариометически пропорціональнымъ членовъ, то есть,
къ персому и послъднему, найти среднее число.

PBIHEHIE.

возьми половину изb суммы крайнихb чисель, которая покажеть искомое среднее число (§. 104).

3 A A A 4 A XII.

б. 108. Данъ первой члень и разность; пайти какое нибудь число прогрессии Ариометической.

PBHEHIE.

Умножь разность на данное число членовы безы единицы, и кы произведению при ай первой члень, сумма будеты искомое число (§. 95.).

3 A A A Y A XIII.

§. 109. Сложить вы одну сумму числа, состоящем вы непрерывномы порядкы Ариомети≥ чески пропорціональных в членовы.

PBIIEHIE.

Понеже суммы крайних и средних иленов равны между собою (§. 103.), и таких суммь во всяком порядкь можеть находиться столько, сколько половинное число количествы позволяеть; того ради сумму перваго и послыднято надлежить умножить на половину числа членовы всей прогрессіи, произведеніе покажеть сумму всых членовы. На пр. естьли потребно будеть знать, сколько разы ударяють часы, оть 1 то по полудни до 12 то включительно: то вы происходящей вы семы случав прогрессіи Ариометической, надлежить умножить сумму крайних вленовы, то есть, 13,

на половинное число членовь, то есть 6, и выдеть искомая сумма встх членовь 78.

ne pa

Ж

e

Д

TEOPEMA VI.

§. 110. Въ пропорціи Геометрической, состоящей изъ четырехъ чисель, произведеніе крайнихъ членовъ, то естъ перваго и послъдняго, равняется произведенію среднихъ, то естъ втораго и третъяго.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Справедливость сего предложенія явствуеть изь следующаго: понеже подобные, или одинакіе множители производять одинакія произведенія (б. 58.); а вь умноженій крайнихь и среднихь пропорциональныхь чисель находящся одинакіе множители. Ибо четвершой члень происходишь изь умноженія знаменашеля на третій члень (у. 97.): того ради произведение изв перваго и четвертаго происходить изв множителей, перваго, пірепьяго члена и знаменашеля, между собою умноженныхв. И понеже второй члепь происходишь изв умноженія перваго на знаменашеля содержанія (б. 97.): то естьли третій члень умножится на второй, произведение изъ того будеть имъть множителей подобных в первымв, то есть первой члень, знаменашеля содержанія и третій члень; сльдовательно оба произведенія крайнихр

них и средних в равны между собою. Но понеже вы семы доказательствы отношение вторато кы третьему не принимается вы разсуждение: то явствуеть, что си свойство есть общее какы непрерывной, такы и раздыльной пропорции. На пр. 2:4=8:16; слыдовательно 2.16=4.8=32; или, вы раздыльной пропорции 2:4=3:6, будеть 2.6=4.3=12.

привавление т.

¶. 111. Ежели будупів даны три только пропорціональныя числа: то среднее число имбентв двоякое отношеніе, ків первому и перетьему; чего ради оно за дважды данное принято быль можентв, и тогда произведеніе крайних в равняется произведенію средняго, самого на себя умноженнаго. На пр. 2: 4 = 4: 8, и 2. 8 = 4, 4 = 16.

ПРИБАВЛЕНІЕ. 2.

б. 112. Но естьли вы какихы нибудь четырехы числахы произведение крайнихы равняется произведение среднихы: то ты числа суть Геометрически пропорудональныя, понеже о сихы только доказано было оное свойство. Чего ради, естьли средния числа перемынися, и трети члены на мысто вторато, а второй на мысто треть по ставится, понеже произведение ихы то же будеты: то слыйуеты, что вы четы рехы пропорудональныхы числахы, также нереложенное, пли перемыненное содержение (alternata vel permutata ratio) перваго кы третьему и вторато кы четвертому имыть мысто. На пр. вы пропоруди 2: 4—6: 12, будеты слыйующее переложение среднихы, или перемыненное содержание 2: 6—4: 12.

прибавление з.

1. 113. г. Сверькъ того, ежели два пропорціональных числа какой пропорціи, що есть предвидущій и послѣдующій члень, сложащся въодну сумму, и будуть оравнены съ предъидущимы и послѣдующимь, щога.

бы-

вываеть пропорція, сложенная чрезь сложеніе (addendo componta); поколику вы сной пр и веденте крайнихы и средния будень одинаков. На пр. 2:4 - 6:12, бу денть сложенная пропорція 2 + 4: 2 _ 6 + 12: 6, maкже 2: 2 + 4 = 6:6 + 12, и 2 + 4:4 = 6 + 12: 12. или, 6:4 — 18: 12, вь которой 6. 12 — 4. 18 7 72.

2. Также, ежели два предвидущие и два последующий члева будуть сложены воодну суммуз то явствуеть, чио и сти суммы имъюшь паноежь содержанте, какое было жежду предвидущимы и последующимы; поколику произведенте крайних и средних в то же выходи. в. Равном врно: ежели и иножайших в подобных в сол ржанти предвидущие и последующие члены сложашея, що происходять изв того щактя суммы, конорыя содержанся между собою такв, какв всякой предвидущей члень късвоему последующему. И обращне, есльям предвидущій члень будеть вычтень изв прелімаущаго, и последующій изв последующаго, остапіки их имфють прежнее содержаніе:

ПРИБАВЛЕНІЕ: 4:

б. 114. Напонець, есшьли порядовь непрерывно пропорціональных в чисель продолжится далье, то равным в образомь, како и выпредыилущей пеоремв, доказань можно, чио произведение крайних равняется произведению всяких в средних в в равном в разстолний ощь крайних в находящихся; или среднему самому на себя у чноженному, ежели число членовь будешь неровное: Пусть будеть дано пять членовь 2, 4, 8, 16, 32 Пятой члень произошель из чентрежды вы умножение взятаго знамена пеля и умноженнаго на первой членъ (\$. 98: 1; слъдовашельно, умноживь его опящь на первой члень, производение будень имвинь множителей ченыре вчаменашеля и два первые члена. Чешвершой происходимь изо мрижды вь умножение взямаго знамена неля на первой члень, а вщорой есть произвечение мав первато и знаменашеля содержания (\$.98); чего ради пр изведение вторато и четвертаго, такв как в средних в членовв, им вет штехв же множинелей; чены е раза знаменашеля, и дважды первой чл нв, и сте произведенте равно первому (б. 48); а прешти члень, произшедшій изв дважды вв умноженіе взя наго знаменашеля на первой, естьли умножимия самв на себя, топроизведенте булеть им тапь множителей, четыре значенамеля и два первые члена, и помому оно точно равняется первымь произведентямь. 3As

ЗАДАЧА XIV.

\$. 115. Къ даннымъ тремъ первымъ Геометрически пропорціональнымъ числамъ найти четвертое число.

PBIIIEHIE.

Два послѣднія члена взаимно умножь между собою, произведеніе раздѣли на первой членъ, частное будеть искомое четвертое пропорціональное число.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже два послѣднія числа, состоящія между первымь и искомымь четвертымь, суть среднія, коихь произведеніе равняется произведенію изь перваго на четвертое (§. 110), и понеже чрезь дѣленіе находится частное число, которое, будучи умножено на дѣлителя, производить дѣлитое (§. 66); того ради слѣдуеть, что оное частное число есть искомое четвертое пропорціональное.

привавление т.

3. 116. Обратно, къ даннымъ премъ послъднимъ пропорціональнымъ числамъ находится первое, естьли два данные первые чле:а, которые въ такомъ случаъ почитаются за средніе между третьимъ и искомымъ первымъ, будуть умножены взаимно между собою, а произведеніе раздълится на третіе число.

ПРИМВЧАНІЕ.

\$. 117. Сти два правила, помощию которыхъ изъ трехъ пропорцтональныхъ чиселъ находится четвертое, или первое число, для великой пользы, влатыми, также тройными правилами называются. И первое изъ оныхъ, когда изъ трехъ кан-

ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

6. 118. Когда даны два крайнія числа, и піребуется найти среднее: то въ такомъ случат проязведеніе крайнихь должно разділить такимь образомь, чінобь произошло изь того чакое число, которое бы, булучи умножено само на себя, равиялось произведенію крайнихь. Но для сей практики надлежить знать извлеченіе кездратнаго радикса, о чемь ниже сего вь особенной главт предложено будеть.

TEOPEMA VII.

§. 119. Произведенія пропорціоналіныхо чисель, на одинакое число умноженныхь, имьють такосжь содержаніс; каков данныя числа.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Пусть будуть множимыя пропорціональныя числа 3: 6. Когда множителемь 4 умножителя первое число 3: то будеть единица кь множителю 4 содержаться такь, какь множителе число 3 кь произведенію 12; равнымь образомь, когда множителемь 4 умножителя другое число 6: то единица кь множителю 4 будеть содержаться такь, какь множител число 6 кь произведенію 24 (§. 57). Но содержаніе единицы кь одному я томужь множителю всегда себь подобно,

или равно; слъдовательно и прочія содержанія 3:12 и 6:24 будуть подобны (§. 24). И какь извъстно, что вь подобныхь содержаніяхь можно употребить перемьненіе, или преложеніе членовь (§. 112): то будеть 3:6 = 12:24, или произведенія пропорціональныхь чисель, на одинакое число умноженныхь, имьють такоежь содержаніе, какое данныя числа.

Б

A pyroe Londsame i iemed:

Вы четырехы числахы: 3,6,12,24, произведение крайнихы 3.24, то есть 3.6.4, равно произведению среднихы 6.12, то есть 6.3.4. поелику оба сін произведенія происходяты изы одинакихы множителей: и потому четыре оныя числа составляють Теометрическую пропорцію 3:6 = 12:24.

TEOPEMA VIII.

§. 120. Частный числа пропорціональных воличество, на одно и тоже число раздыленных в, имьють одинакое содержаніе съ данными числами:

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Пусть будуть пропорціональныя числа 12: 24 разділены на одно и тоже число 4: то вы обоихы случаяхы единица кы ділителю содержится такы, какы частное число кы Е 2

дълимому (§. 64 и §. 112.), изb чего происходять слъдующія пропорціи:

1:4=3:19 и 1:4=6:24

и понеже единица кЪ одному и томужь дълителю имъ ть всегда одинакое содержание; то будеть ($\int .24$) 3: 12 = 6: 24, или черезь члень ($\int .112$.)

3:6 = 12:24. ч. н. д. Другое доказательство.

Понеже ділимыя числа 12 и 24 можно принять за произведенія изіз частных за в в, на общаго ділителя 4, то сія теорема таким в же образом в доказана быть можеть, каль и предыдущая.

TEOPEMA IX.

§. 121. В прогрессіи Геометрической непрерынной знаменатель безд единицы содержится ко единиць, тако како разность крайних иленово ко суммы всых иленово безо самаго большаго.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Пусть будеть прогрессія 162, .54, 18, 6, 2; то, поелику 162:54=54:18=18:6 =6:2 (§. 93.), будеть также 162-54:54 =54-18:18=18-6:6=6-2:2, и 162-54+54-18+18-6+6=2, то есть 162-2:54+18+6+2=6-2:2 (§. 113.) Но 6:2=3:1 (§. 63. 80. 83.) и потому 6-2:2=3-1:1 (§. 113.) сльдовательно 3-1:1=162-2:54+18+6+2 (§. 24.)

Apy-

6

Другое доказательство.

Нусть будеть прогрессія 162, 54, 18, 6, 2, вь которой знаменатель 3; то сльдующая пропорція имьеть мьсто:

3-1:1=162-2:54+18+6+2 потому что произведение крайних членовь 162+54+18+6-(54+18+6+2) равно произведению средних 162-2.(§. 112).

3 A A A Y A XV.

К. 122. Найти сумму всёхь членовь прогресси Геометрической непрерывной, когда будуть извёстны крайніе члены и знаменатель.

РВШЕНІЕ.

Раздри разность крайних иленовь на знаменателя безь единицы, и кы частному числу приложи большой члень, то выдеть сумма всьхы членовы (§. 115 и 121).

примфръ.

Нѣкшо продаеть коня сь тѣмь условіемь, чтобь ему заплачено было только за 16 гвоздей вы подковахь, а именно: за первой гвоздь 1 полушка, за второй 3, за третій 9 полушекь, и такь далье, за каждый слыдующій гвоздь втрое больше предыдущаго. Спр. чего стоить тоть конь?

Боль-

Большой члень вы семы случаь будеты 14348907 (§. 98), меньщой члень. 1

3 — 1 = 2

7174453
14348907

Ma

2

M

K

D

a

H

H

сумма встх иленовь. 21523360 полушекь.

или 53808,40

ПРИМЪЧАНТЕ.

№ 123. Немногія предложенія, о которых в теперь говорено было, из в напполезнайшей главы и пропорціях в предв прочими достої ны примачанія, понеже на них в утверждаются и прочія сего рода истинны: большеж в о том в ниже сего, помощію всеобщей Ариометики, в Аналитической наук в пристойнае и короче доказано будеть.

ГЛАВА ЧЕТВЕРТАЯ.

О ломаных числахь. Опредъленте ххху.

S. 194.

Ломаное число (Numerus fractus) есть часть цьлаго, или единицы, представляющей нькое цьлое, состоящее изь извыстнаго числа частей. На пр. ежели цьлое имыеть пять частей, и изь оныхь взята будеть одна часть, или больше: то число, озиачающее оную часть.

насть, или оныя части, называется лома-. нымб, также дробыю (Fractio).

OHPEABAEHIE XXXVI.

§. 125. Дробь изображается двумя числами, отренными между собою линбею, изы которых верхнее опредыляеть взятыя части цылаго, и называется числитель (пцтегатог); а нижнее означаеть всь части цылаго, и называется знаменатель (denominator). На пр. 3 значить три части цылаго, которое имьеть пять частей.

ПРИБАВЛЕНІЕ І.

5. 126. И такъ количество дроби состоить въ содержанти числителя къ знаменателю, и чъмъ больше единицъ знаменателя содержить въ себъ числитель, тъмъ больше дробь бываеть.

ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

5. 127. Для пой же причины, естьли не перешеняя числишеля, увеличины вы нестолько крать знаменашеля, то дрозь во столько же крать уменьшится. То есть, ежеми умножить знаменашеля на 2, то дробь будет взяща половинная; понеже знаменашель, сделавшись вдее больше, содержить въ себъ и числишеля вдее больше крать прешивь прежняго. Вавнымы образомы, ежели знаменашель трешивы прежняго, или четырежды чрезы умноженте самы сь собою будеть сложены: то происходить изы того претья и чешвершая часть дроби. Или, половинная, претья, и проч. часть дроби берешея, умножая знаменашеля на 2, на 3 и проч.

ПРИБАВЛЕНІЕ 3.

6. 128. Но не перемъняя знаменашеля, когла части при кладывающся кЪ числишелю, тогда дробь увеличиваещся во столько же кратъ, во сколько увеличивает, ен числишель.

ПРИБАВЛЕНІЕ 4.

5. 129. Ежели случится, что сумма единиць въ числитель будеть больше знаменателя: то такая дробь

E 4

будеть больше целаго, и обынновенно называется исправильною (impropria).

ПРИБАВЛЕНІЕ 5.

б. 130. Когдажь числишеля и знаменашеля умножить, или раздълищь на одно и то же число, понеже содержанте чисель не перемъняется (б. 119. 120.): по и дробь не перемъняется, но имветь то же точно количество.

OU BEYTY EHIE XXXVII.

§. 131. Уистая дробь (fractio pura), каковая до сих в мвств была описана, есть ша, которая имветв только числителя и знаменателя; смвшенная жв (mixta) есть та, при которой находится цвлое число. На пр. 23.

опредъление хххуии.

б. 132. Приведение дробей (reduction fractionum) называется всякое такое дьйствіе, чрезь которое видь дробей перемьняется, чтобь удобнье можно было разумыть количество и знаменованіе оныхь. На пр. ежели большія числа приведены будуть вы меньшія, или знаменатель дроби сравнится сы другимы извыстныйшимы, или изы разныхы знаменателей произведены будеть одинь общій.

ОПРЕДБЛЕНІЕ XXXIX.

§. 133. Самая большая общая мёра проби (communis mensura maxima fractionis) есть самой большой дёлишель обоих в чисель, момощію котораго оныя числа приводятся

B

H

вь самыя меньшія, имьющія сь первыми оди-

3 A A A H A XVI.

 $\S.$ 134. Найти самую большую общую м \mathfrak{p} у двухь чисель дроби.

РВШЕНІЕ.

- 1. Большое число разділи на меньшое, и меньшое на остатокь.
- 2. Ежели во второмо доленіи что нибудь еще останется, то предвидущаго долителя раздоли на сей остатоко, и такое дойствіе далое продолжай до токо поры, пока не дойдеть до такого числа, которое раздоляеть меньщое послоднее число безь остатка; и послодній сей долитель будеть самая большая мора двухь чисель.

доказательство.

Ежели послъдній дълишель содержится безь осшатка вы осшаточномы дълимомы числь, то оны будеть также мітрою и предындущих чисель, то есть большаго и меньшаго числа, которыя разнетвують между собою тіть остаткомы, потому что вы большомы числь содержится меньшое сы остаткомы (§. 32). Что тоть же послідній дылишель будеть притомы самая большая общая мітра обонхы чисель, доказывается тіть, что всякой другой дітишель будеть сто мітрою, и потому онаго меньше. На пр.

дана дробь ½ , вы которой 72 раздыливы на 16, останется 8; но меньшое число 16 раздыливы на 8, ничего не остается; и потому число 8, понеже на оное оба числа раздыляются безы остатка, будеть общая мыра оболихы чисель.

ПРИБАВЛЕНІЕ.

5. 135. Чего ради, когда будешь дана шаная дробь, коей числишель и знаменашель сушь большёй числа: шо оныя чразь абленёе на самую большую общую мёру приводящей вы меньшёй числа, соспавляющёй дробь рагную первой (б. 130.). Но вы меньших в числахь, вы коих в сболёй мёры, хошя не самыя большёй, скоро усмашравающей, справедливо оставляющей штостоящельства, кои наблюдающей при сыскиванёй самой большой мтры.

3 A A A Y A XVII.

§. 136. Привести неправильных дроби въ цѣ-

PBHEHIE.

Понеже числишель неправильной дроби есть больше знаменашеля (§. 129); шого ради числишель ея дрлишся на знаменашеля, часшное число покажеть, сколько разв неправильная дробь содержить вы себь цылое (§. 63). Естьлижь что сверхы шого останешся, що оное приписывается кы цылому на подобіє дроби, и производищся нав шого искомая смышенная дробь. На пр. 13 содержить вы себь 3 и 4.

прибавление т.

137. Обратно, данная смёщенная дробь превращается во чистую, когда цёлое число, находящееся при дроби, умножается на знаменателя, къ произведению придает-

двения числишель, и подъ сунмою подписывается знаменашель.

ПРИБАВАЕНІЕ 2.

9. 138. И цтаня принимають видь чистой дроби, когда подь оныя проведии линью, подписываемся единица. На пр. 3 суть при цалыя.

3 A A A Y A XVIII.

§. 139. Двъ дроби, или больше, имъющія разимы знаменителей, привести вы равныя имь, имьющия одинского знаменателя.

PTHEHIE.

- Случай 1. Ежели дано будеть привести дей дроби, то знаменатель каждой дроби умножается на числителя и знаменателя другой, такимь образомы произойдуты равныя дроби (б. 130), имбющія одинакаго знаменателя; понеже нижнія числа, то есть знаменатели, будучи умножены между собою дважды, неопивнио должны произвести равныя произведенія (§. 58), на пр. $\frac{3}{5}$, $\frac{2}{3} = \frac{9}{13}$, $\frac{10}{15}$.
- Случай 2. Ежели дано будеть привести больше дробей, то каждой дроби числитель и знаменащель умножается на произведеніе изь всьхь прочихь знаменателей. На пр дроби $\frac{4}{7}, \frac{3}{3}, \frac{2}{3}$, приводятся кb общему знаменашелю сльдующимь образомы:

1. Умножающся всь знаменашели взаимно сами на себя, произведение изв того будеть общій знаменатель and the second of the second of the second of the second 2. Сей знаменашель дрлишся на каждаго знаменашеля дробей, и часшныя числа умножающей на соотвршеный ующих в числишелей, произведения извет поставлены надвобщим в знаменашелем в производят в дроби равныя данным в и одинакаго знаменования. На производят $\frac{4}{7}$, $\frac{3}{5}$, $\frac{2}{5}$ будеть общій знаменашель 105, коего $\frac{4}{7}$ = $\frac{6}{105}$ и $\frac{3}{5}$ = $\frac{21}{105}$, и $\frac{2}{3}$ = $\frac{80}{105}$.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО:

Основанія рішенія, вь разсужденій перваго случая, выше сего уже показаны; во второмы же случав явствуеть, что чрезь двленіе общаго знаменашеля находящся шакія. частныя числа, коихь произведенія на числителей, ко общему знаменателю имбють шакое содержание, какое первые числишели имбли кв своимв знаменашелямв. Ибо ньсколькую часть, чрезь дьленіе на кажлаго знаменашеля найденную, беру я столько разв, сколько единиць находишся вв числишель. На пр. понеже ; = 15; то будень $\frac{4}{7}$ вченверо больше, то еснь $\frac{60}{405}$. И потому найденныя такимь образомь дроби равны первымь (§. 119 и 126.), и притомь имьють одинакое знаменование.

ПРИБАВЛЕНІЕ.

§. 140. Когда дроби имъющь одинанихъ знаменашелей, тогла сит содержащся между собою какъ числишели. (§. 120.) На пр. ⅔, ⁴ имъють содержанте 2:4 половинное. З А-

·3 A A · A · A · A · XIX.

f. 141. Сложить ложаныя числа.

РБШЕНІЕ.

- 1. Ежели данныя ломаныя числа имбють одинакихь знаменателей, то одии только числители, поколику они означають части цълаго (§. 125.), складываются, и подь суммою ихь подписывается общій знаменатель (§. 128.).
- 2. Ежелижь данныя ломаныя числа будушь имьть разныхь знаменателей, то оныя сперва приводятся кь одинакому знаменателю (§. 139.), а по томы складываются ихь числители. На пр. $\frac{2}{3} + \frac{4}{3} = \frac{6}{3} = 1 \frac{4}{5}$.

ПРИБАВЛЕНІЕ.

∮. 142. Когда цёлыя съ дрозьми, или дроби съ цёлыми складывающея, тогда преисходинъ изъ того смешенная дробь, о которой выше сего сказано (∮. 135. 136.).

ЗАДАЧА ХХ.

§. 143. Вычесть между собою ломаныя числа. Р В ШЕНІЕ.

Также приводятся дроби к одинакому знаменованію (§ 137.), ежели не имбють онаго; по томь числитель меньшей дроби вычищается изв числителя большей, и подь остаткомь подписывается общій знаменатель. На пр. $\frac{4}{3} = \frac{3}{5}$.

ПРИБАВЛЕНІЕ.

4, 144. Когда надлежить вычитать дроби из цёлых чисель, тогда цёлое число, или, емели оно содержить вы себт многія единицы, одна токмо единица оть онаго отвящая, приводится сперва кы такому знавнаменованію, какое имбешь дробь (с. 137.), и по том дълается вычиннаніе. На пр. изы і надлежить вычесть дробь 3 : то будеть 3 - 1 - 1 : Естьмижь требуется вычесть смъщенную дробь изы смъщенной же, то вычетнается прежде чистая дробь изы чистой, а по томы цълое число изы цълого. Ежели чистая дробь при вычинаемомы числъ будеть больше другой, то вы такомы случать занятая оты цълого числа единица сы меньшею дробью приводится прежде вы неправильную; а по томы уже дълается вычитаніе.

3AAA4A XI.

§. 145. Умножить ломаныя числа съ цълы.

РВШЕНІЕ.

- 1. Даннымы цылымы числомы умножается числитель дроби; ибо она подлинно есть такая часть, которую надлежиты складывать сы самой собою столько разы, сколько единицы находится вы множитель (§. 125.), и поды произведениемы подписывается тоты же знаменатель. На пр. 3 умноживы на 5, будеты произведение 3.
- 2. Вы чистыхы же дробяхы умножается числитель на числителя, и знаменатель на знаменателя, и оное произведение числителемы, а си знаменателемы произведений дроби принимается. На пр. $\frac{2}{3} \times \frac{2}{4} = \frac{1}{3}$ (§. 130.).

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Послъдняя часть ръшенія доказывается такимь образомь: умноживь знаменателя, не премъняя числителя, дробь уменьшается (§. 127.), (§. 127.), или берешся шакая ея часть, какую означаеть содержаніе единицы кь множищелю. На пр. дроби $\frac{2}{3}$ нижнее число 3, будучи умножено на 4, производить $\frac{2}{12}$, или четвертую часть первой дроби. Но ежели и числишель дроби умножится на числишеля, то будеть взято столько частей, сколько оных в содержить вы себь числишель множишеля. На пр. $\frac{2}{12}$, будучи умножены на 2, производять вдвое больше, то есть $\frac{4}{12}$, и потому умноженіе сдылано правильно (§ 57.).

ПРИБАВЛЕНІЕ:

уписме в провод умноженте дробью, не таже самая дробь складывается сама св собою несколько разв. но токмо берется такая ся часть, какую означает умножающая дробь, то и не удивительно, что проводится дробь меньте первой. Когдажв умножающая дробь будетв неправильная, содержащая в в себ тробы число однажды, или несколько разв, пютде и промаведенте бываеть больте множимаго.

BAAATA XXII.

§. 147. Разавлить дробь на дробь.

РБШЕНІЕ.

Обороти дробь дрлителя, и противуноложенныя верхнія и нижнія числа умножь между собою, произведеніе, на подобіє дроби написанное, будеть представлять частное число. На пр. $\frac{2}{3}$ должно раздрлить на $\frac{2}{6}$, то оборотивь дрлителя $\frac{2}{3} \times \frac{6}{2}$, произведеніе $\frac{12}{6} = 2$ показываеть, что дрлитель содержится вь дрлимомь числь дважды.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Чрезвидьление находится содержание количествь, сколько разь меньщое содержится вы большомы ((. 63.), и такое содержаніе познаешся, когда числители дробей, имьющихь одинакаго знаменателя, безь онато сравниваются между собою (Л. 140.); но ежели раздъляющую дробь оборошивь, прошивоположенныя верхнія и нижнія числа умножатся между собою: то происходять изь того числители дробей, имьющихь одинакаго знаменашеля, поелику находящся оные чрезь умножение числишеля оной дроби на знаменателя другой (§. 132. нум. 1.). И потому никакого ньть сомный, что оборошивь сперва дрлишеля, посль того произведенія прошивоположенных вчисель показывають содержание двухь дробей (у. 80.), или частное число.

прибавление и

\$\\$\\$. 148. Котда надлежить раздѣлить цѣлое число, то понеже цѣлыя, подписавь подь оныя единицу, принимають видь дроби (\$\frac{1}{5}\$. 138.), ежели раздѣляющая оборомится, то знаменатель ея, на данное цѣлое число умноженной, сы подписаннымы поды него числителемы. будеты показывать частное число. На пр. 6 должно раздѣл. на $\frac{2}{4}$, то $\frac{6}{4} \times \frac{4}{2} = \frac{24}{2} = 12$, то есть, половина вы шести цѣлыхы содержится двенатцать разы.

ПРИБАВЛЕНИЕ 2.

6. 149. Также удивляться не должно, что частное число вы семь дылении происходний больше дылимаго; понеже спращивается здысь солержание дообей, между собою и сы цылыми числами сравненныхы (м. 80.),

Йбо ногай содержится дробь в йругой дроби однаже ды, или насколько разв; тогда частное число должно йзображенься неправильною дробью, которай означаеть одно цалов, или больше (б. 129)

ЗАДАЧА XXIII.

§. 150. Привести всякую дробь въ другую,

РЪШЕНІЕ и ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже ть дроби равны между собою, коихь часлишели кь своимь знаменателямь имьють одинакое содержание (б. 126), то когда числитель и знаменотель, и сльдовашельно их взаимное содержание изврстно: данному знаменашелю найдешся соотвыта ствующій вы подобномы содержаній числитель, по тройному правилу (б. 115.) Ибо здьсь будеть следующая пропорція: какв внаменатель данной дроби кв своему числишелю, шакв данной знаменашель содержится кв соотвытствующему своему числишелю. Чего ради данной знаменашель умножается на числителя дроби, а произведение изв того двлится на знаменателя ея, частное число покажеть числителя, которой надлежить поставить нады знаменапиелемь. На ир. пуспы будеть дробы 2, требуется найти ей равную дробы, коей знаменашель уже дань 21: то располагающся члены щакимь образомь:

 $\hat{3}: 2 = 24: 16.$ сардоват. $\hat{3} = \frac{16}{24}$.

TIPH-

ПРИБАВЛЕНІЕ.

у 151. Чего ряди, помощёю сего способа всякая дробь, коей знаменашель изображаєть ублое, необыкнов ино раздбленное, можеть сравнена быть съ частью такото ублаго, коего раздбленіе принято другое. На прежели даны будуть $\frac{4}{15}$ фунта, которой раздбляется на 12 унц. що по предвидущ му правилу будеть 12 4 = 48, и 48 : 15 = 3 $\frac{5}{15}$, или $3 \rightarrow \frac{4}{3}$ показывають знаменованіе дроби.

ПРИМЪЧАНІЕ.

§ 152. Нѣшъ нужды разсуждать въ особенюсти о дробяхъ дробей, потому что умноживъ ломаныя числа взаимно межлу собою, происходятъ изъ того простыя дроби, о которыхъ довобьно изъяснено. На пр. ежели должно будетъ взять $\frac{1}{6}$ изъ $\frac{4}{8}$: то произведенте $\frac{3}{48}$, или $\frac{1}{6}$ показываетъ искомую частицу, то есть $\frac{1}{6}$ есть третья часть половины.

ONPEABAEHIE XL.

§. 153. Десятичныя дроби суть тв, которыя имьють знаменателемь единицу сы нулями, а изображаются однимы только числа запятою; на пр. вмысто запятою; на пр. вмысто запятою числа выбото 2 зо поставляется 2,07; такы что первое мысто оты единицы кы правой рукы занимають десятыя доли, второе сотыя, третье тысячныя, и такы далые; а на пустыхы мыстахы ставится нуль.

3 A A A 4 A XXIV.

§. 154. Сложить между собою десятичных дроби.

PBHEHIE.

Поставь данныя дроби одну подв другою, такв чтобв единицы стояли подв единицицами, десятыя доли подв десятыми, сотыя подв сотыми, и дополнивв пустыя мвста нулями, поступай св данными дробями такв же, какв и св цвлыми числами (§. 48 и 153).

примвръ.

Спрашивается сумма ломаных энсель:
0,12 — 3,045 — 678,9.
0,120
3 045
678,900
сумма 682,065

3 A A A Y A XXV.

155. Вычесть десятичную дробь изъ деся•
 тичной.

PBIIIEHIE.

Дополнивь пусныя мьста нулями, поступай сь данными ломаными числами, какь ж сь цьлыми (ў. 53 и 153.).

примъръ.

Требуется вычесть 678, 9 изb 682,065, 682,065 678,900 разность 3,165

3 A A A Y A XXVI.

§. 156. Умножить между собою десятичных др.би.

РВШЕНІЕ.

Принявь данныя дроби за цьлыя числа, сдьлай простое умножение (§ 61), и вы промизведении отдьли от павой руки столько ихы намодится вы обоихы множителяхы.

примфръ.

123,004

3, 67

861028 738024

615090

697,43268 произведеніе

ZOKABATEABCTBO.

Вь справедливости сего дъйствія легко увриться можно, естьли принять знаменателей, и поступать по предписанному правилу вь §. 145.

3 A A A Y A XXVII.

§. 157. Разавлить десятичную пробы на десятичную.

PBMEHIE.

Принявь данныя дроби за цьлыя числа, сдьлай просіпое дьленіе (§. 69), и вы частномы числь отпольномы правой руки столько дестичных ванковы, сколькими дылимое превышаеть дылителя.

при-

примъръ.

5,67) 697,43268 (123,004 частное 567 1304 1134 1701 2268 2268

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Справедливость сего дриствія явствуеть изь умноженія десящичных робей.

TAABA HATAA.

О извлечении квадратных в и кубиче-

OПРЕДБЛЕНІЕ XLI.

J. 158,

Квадратное число (numerus quadratus) есть, которое происходить изь умноженія одного числа самого на себя. Радиксь (radix) квадратной есть самое то число, которое, будучи умножено само на себя, производить квадрать. Квадраты десяти единиць изображаеть слъдующая таблица.

TEOPEMA IX.

§. 159. Квадраты имьють удвосинов содержание своихь радиксовь.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО,

Понеже квадраты происходять изы умноженія чисель самихь на себя; того ради, ежели два пропорціональныя числа 2: 4 взять будуть вмьстю радиксовь, явствуєть, что вы пропорцію, изы такихы пропорціональныхы чисель, дважды поставленныхы, состоящей, 2:4 = 2:4, для произведенія квадратовь, умножаются между собою два предындущія и два послыдующія числа, и произмеденія изы того два произведенія имы удвоенное содержаніе предыдущаго кы послыдующему (§ 87.); слыдоващельно квадраты имьють удвоенное содержаніе своихы радиксовь.

OHPEABAEHIE XLII.

§. 160. Извлечение квадратнаго радикса (extractio radicis quadratae) есть способь находить квадратной радиксю изв даннаго квадратнаго числа.

3 A A A Y A. XXVIII.

ў. 16г. Извлечь поадратной радикск изк. Заннаго числа.

PБШЕНІЕ.

- 4. Раздрам данное число на члены, начинам от правой руки, и для каждаго члена опредрам по два знака.
 - 2, Изв послъднято члена, кв лъвой рукъ, вычти квадрать равной, или ближайще меньщой (. 158.); остаток в подпиши подвоным в членом , а радиков поставь за линъею, вмъсто частнато числа.
 - 3. Кр остатку снеси следующій члень, удвой найденной радиков, и удвоенной, такь какь новаго делителя, напиши подь дежели удвоенной радиков будеть состоять изь многихь знаковь, то прочее его знаки, далье кь львой рукь, ставь подь оставщимися посль вычитанія знаками.
 - Д По томь смотри, сколько разв новой двлитель содержится вы соотвытствующих ему знакахы, и частное число поставь подль перваго, также перенеси его на порожнее мысто поды снесеннымы членомы, то есть поды правой его знакы.
 - \$. Произведение сего дълителя на новое частное число, вычти изь дълимаго числа, и остатокь, ежели какой будеть, замъть подь линьею.

- 6. Показанное дъйствіе (нум. 3. 4. 5.) повторяй столько разв, сколько членовы квадратнаго числа сверьхы того останется, и рышеніе, или извлеченіе, продолжай до тыхы поры, пока не будеты кончено.
- 7. Ежели по окончаніи сего діботвія что нибудь останется от в квадрашнаго числа, то хотя и никогда не можно найти совершеннато радикса; однако могушь еще найдены быть десящичныя дроби, помощію которых в можно близко подойти кв истинному количеству радикса. То есть, придаются кр оставшемуся числу, одинь члень, два члена, или больше, имбющіе по два нуля, и продолжаещся показанное дъйствіе извлеченія. Ибо, по придоженіи одной пары нулей, находящся осшаточныя десящыя части, помощіюжь другой пары нулей долающся извостными сотыя части, и такь далье, пысячныя ц меньшія оныхв, ежели угодно, сыскивавошся.

примъръ случ. 1.

примъръ случ. 2.

примъчанте

§. 162. РадиксЪ такого числа, которое не есть квадратное, называется глухимъ (tuda), или пррациональнымъ (irrationalis); потому что не можно выговорить и изобразить его въ числахъ, или понеже содержание его къ единицъ ссть Ж 5

неизобразимое, и такой радиксъ едининъ есть иесонзмъримой. Между тъмъ учинъ насъ Геометря, какимъ образомъ ирраціональной радиксь можеть изображенъ быть линъею. См. ниже (§ 196.
Теом.). Доказательствожъ на правила извлеченія
квадратнаго и курическаго радикса, въ Анадитикъ показано будсть. Между тъмъ справедливость
правиль можетъ изъяснена быть повъреніемъ примъровъ. То есть, дъйствіе за правильно сдѣланное почитается тогда, когда, по умноженіи радикса самимъ собою, и по придачь къ нему остатка, естьли какой находится, произойдетъ то количество, изъ которато извлеченъ былъ радиксь.

OUPEA BAEHTE XLIII.

б. 163. Кубическое число (питегия сивісия) есть, которое происходить изь умноженія квадрата на радиксь, пизвлеченіе кубическаго радикса (extractio radicis cubicae), есть способь находить тоть же самой радиксь изь даннаго куба. Кубы девяти первыхь единиць суть сльдующіе:

радик.	11	2	3	+ 4.	5	16	. 7	8	9
кубы.	11	8	27	164	123	521	6 3.4	3 5 1	2 729

TEOPEMA XI.

§. 164. Кубы имьють утроенное есгержание своих радиксовь.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Понеже, взявь два радикса 2:4 вмвсию пропорціональных в чисель, для произведенія куба должны умножены быть три радикса, (%. 163):

(§. 163): того ради сльдуеть, что и вы такомы случаь три пропорціональные предындущіе, и три посльдущіе равные члены 2:4=2:4 производять кубы. Но произведенія трехы предыдущихы и трехы посльдующихы членовы имыють утроенное содержаніе предыдущаго кы посльдующему (§. 86); сльдовательно кубы имыють утроенное содержаніе своихы радиксовы.

5.

ь

3 A A A Y A XXIX.

§ 165. Извлечь кубической радиксь изь данчаго числа.

РБШЕНІЕ.

- 1. Раздъли данное число на члены, начинам от правой руки, и для каждаго члена опредъли по три знака.
- 2. Изb последняго леваго члена вычти кубрили равной, или ближайще меньшой, ко-торой надлежить взять изв вышепредложенной таблицы; остаток в поставь подеть померать поставь подеть поставым в поставиться постав
- 3. Ко остатку снеси слодующій члено, и радиксь, втрое взятой, умножь на самой радиксь.
- 4. Подо правымо знакомо слодующаго члена поставь единицу, подо среднимо радиксь, трижды взятой, а подо третьимо напиши произведение изо радикса прижды взятаго

и умноженнаго на самой радиксь, или новаго дълителя.

- 5. Сіи внизу подписанныя числа имбя вмбсто дблителей, смотри, сколько разбони содержатся в верхних в; однако надлежить здбсь принимать в разсужденіе слбдующія произведенія, и сумму, избоных в произойти имбющую найденное частное число поставь подлв перваго за линьею.
- 6. Новое частное число напиши на ловой стороно противо произведения изо первато частнаго числа самого на себя умноженнаго и взятато прижды; надо новымо частнымо числомо поставь квадрато его, противо прижды взятато первато частнаго числа; наконецо нало квадратомо поставь кубо новато частнаго числа, противо единицы.
- 7. Прошивоположенныя числа умножь между собою, и произведенія избітого сложивь, сумиму вычти избізнаковь, находящихся нады кубомь, а остатокь напиши подылиньею.
- 8. Кы остатку снеси следующій классы, и подобное действіе продолжай до техь, поры, пока не будеть кончено.

11

9, Ежели по окончаніи сего дійствія будеть какой остатокь, що оной хотя и показываеть, что данное число есть не кубическое, и точнаго радикса изы него извлечь не можно; однако, ежели за благоразсудится, придай кы оному остатку одинь,

одинь, или больше классовь, имъющихь по при нуля, и продолжая по прежнему извлечение, найди десяпичныя дроби, ко-торыя бы точные опредыляли искомый радиксь. На пр.

157 464 (54
195
32 464
76b 64 17 1 3 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
mb 16 15 трижд. взят.
яксь 4, 7 5 произв.
30 0
9 40
64
32 464
00 000
mb 16 15 трижд. взят. 5 произв. 30 0 40 64 464

примвчанів.

\$. 166. И сему действей деляется поверка, взявъ кубъ радикса, и приложивъ къ нему остатокъ, ежели какой есть; ибо такимъ образомъ находится то число, изъ которато делано было извлечене.

ГЛАВА ШЕСТАЯ.

О логари в мах 3.

ОПРЕДБЛЕНІЕ XLIV.

S. 167.

Посаривнами (logarithmi) называются равноразнетвующія числа, которыя начинаются от нуля, увеличиваются единицею, и ко числамо непрерывно геометрически пропорціональнымо, начинающимся от единицы, присовокупляются. На пр.

Логариомы О. 1. 2. 3. 4. 5. 6. Пропорц. числа 1. 2. 4. 8. 16. 32. 64.

привавление г.

5. т68. Наименованіе логариома, будто бы число содержаній λόγων δειθμού, весьма придично, потому что чрезъ дочариомы показывается разстояніе пропорціональных в чисель от вединицы. Ибо т есть логариомъ первато пропорціональнаго числа от вединицы, 2 есть логариомъ втораго числа от вединицы, и такъ далъе.

ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

5. 169. Суммажь логариемово производить между логариемами такое число, м жду которымы и нулемь сложенныя два числа суть среднія: почеже вы равноразнаствующихь, или Ариеметическихы проперціочальных учислахь, сумма среднихы равняется суммы крайнихь (б. 103.).

TEOPEMA XII.

§. 170. Сумма логаривмовъ производитъ логаривмъ произведенія двухъ пропорціональныхъ чисель.

ДОКА-

E

•

0

ДОКАЗАТЕЛЬСТБО.

Понеже во умноженін, какое содержаніе къ множителю имбеть единица, такое должно имъть и множимое число къ произведенью (б. 57.); того ради явствуеть, что вь такой пропорціи дла множителя будуть два среднія числа между единицею и произведеніемь (. 114.). Но прежде сказано, что сложенные логариомы показывають такое число, между которымь и нулемь сложенных два числа суть среднія (б. 169.); слідовательно, когда нуль есть логариом в единицы (186,), такія среднія равноразнетвующія числа соотвътствують двумь среднимь пропорціональнымь числамь между единицею и произведеніемь; и понеже единица не умножаеть (б. 57.): то произведение соотвытетвуеть суммь тьхь логариомовь, кои написаны надь множителями

ПРИБАВЛЕНІЕ 1.

5. 171. Обратно вы дълении, когда вычтень логариемы дълителя изы логариема дълитато, то останется логариемы частного числа; потому что дълитель, будучи умножены на частное число, производиты дълитель (б. 66).

ПРИБАВАЕНІЕ 2.

5. 172. И понеже квадрашное число происходить изв умножентя радикса самого на себя (б. 153.), и множишели его сушь равные; шого ради полсвинной логаривыв квадраша булешь логаривыв радикса. Или логаривыв радикса надлежишь удвоишь, чшобь произожель логаривыв квадраша.

ПРИБАВЛЕНІЕ 3.

У. 173. Равным в образомы, понеже кубы имбет в трекв голо-равмых в множителей (У. 162.), третья часть его логариема покажеть легариемы радикса, и утречный логариемы радикса покажеть логариемы кубическаго числа.

ПРИБАВЛЕНІЕ 4.

у түй наконець въ тройномь прямомь правиль, гав два послъдние члена умножаются между собою, и произведение изъ того дълится на переой члень, ежели жежно употребить логариемы: то делжно сложить догариемы двужь послъднижь чисель, и изъ суммы ихъ вычесть логариемь перваго, остатокь почажеть логариемь четьертаго пропоругональнаго числа.

ПРИМ ВЧАНІЕ.

 175. Свойства логариомовъ давно уже разсмотобль Мих. Стиффелій, и изъясниль оныя въ Арио мешикъ кн. т. гл. 4. кн. 3 сл. 5. См. Вольф. лексик-Машем. ОднакожЪ, чтобъ сте свойство полезно было, и способсивовало для облегчентя умножентя и деленія больших в чисель, учиниль що Іо. Неперь, Варонъ Шошландской, коего описанте удивишельнаго канона логариемовъ вышло въ Единбургъ 1614 год. 4. (хотя Кеплеръ въ Таб. Рудольф. гл. 3. и утверждаетъ, чию Юстъ Биргій за многіє годы до Неперіанова изданія зналь изобрешеніе и упошребленіе логария мовь; но как'ь быль он'ь медлительной человъкВ; то осшаниль плодь вы самомы произращений.). По томЪ, по совыну Неперову, Генр. Бриггій, Проф. Оксфордской, привель логариомы вы лучший поряжаль дви бине и высячь оных в издаль в в догариомической Ариомешикъ, кои наконецъ Алр. Улаккъ далве размножилъ, и сто тысячь логариямовъ издалъ въ Гудъ 1628. год. въ листъ, подъ именем в логаривмической Аривметики: Потом В Улаккъ, и послъ его Страухій, и другіе из: дали въ таблицахъ сокращеннъйште логариомы, жакъ простыхъ чиселъ, такъ и синусовъ и пан-*##

тенсовЪ, какте при концъ сей книги и предложены Предъ прочими достойны примъчантя слъдующтя издантя оныхъ таблиць: Sherwin's mathematical tables, carefully revised and corrected by W. Gardiner Lond. 1742. 8. Tables de Logarithmes, contenant les logarithmes des nombres depuis 1 jusqu'a 102100, et les logarithmes des sinus et des tangentes de 10 en 10 secondes &c Avignon, 1770. 3. C. Schulze, neue und erweiterte Sammlung logarithmischer, trigonometrischer und anderer zum Gebrauch der Mathematif unentbehrlicher Laseln, Berol. 1778. 2 T. 8. Но чтобъ способъ, по которому логариюмы сыскиваны, извъстенъ быль, то вкратцъ объ ономъ предложено будеть въ слъдующей задачъ.

3 A A A Y A XXX.

§. 176. Найти логаривмъ девяти.

PBIHEHIE.

1. Возьми пропорціональныя числа, имбющія пепрерывное десяперное содержаніе, сь надписанными логариомами.

> 0. 1. 2. 3. 1. 10. 100. 1000.

2. По том в припиши на веколько нулей ко верхним и нижним в числам в, дабы дроби, коих в здась миновать не можно, как в мальйшія частицы больших в чисель, опущены быть могли.

> 0,00000000. 1,00000000. 1,00000000. 10,00000000.

3. Между пропорціональными первым в последниме числоме, то есть между единицею ницею и десятью, найди среднее число, умноживо сіи числа между собою, и изо произведенія ихо извлекши квадрашной радиков (§ 118.161); сверхо того возьми сумму логариомово 0,00000000 и 1,00000000, половина ея покажещо логариомо перваго средняго пропорціональнаго числа.

4. Но понеже оное среднее число, чрезь извлечение радикса найденное 31622777, далеко еще отв девяти, столькими, какв и **два** крайнія числа, нулями увеличеннаго 9,00000000, отстоить, и онаго меньше; того ради между онымь и крайнимь большимь 10,00000000, опять такимь же. какь показано, образомь должно находишь среднее число, и ему соотвытствующий логариомь, и такое дъйствие продолжать ло mbxb поры, пока найдешь дватцать девять средних вчисель свих влогариомами. и число девять, столькими, сколько два крайнія числа имбюшь, нулями увеличенное 9,00000000, которому соопвынствующій логариомь 0, 95424251 надлежишь почитать за логариомь девяти.

примвчание.

§. 177. О числахЪ, кои въ нъкоторое время, по предприняшому ръщенъю продолжительной сей задачи, мною найденъ по примъру другихъ, о которых в Гамбергерь, прежде сего бывшій вв Іенской Академін Профессорь Машематики, и мой учитель, оказавшій мнт въ моих вауках в великое одолженіе, сообщиль мнт благосклонно, объ явиль я въ диссертаціи объ аналитикт плоск. треугол. стран. 10. и 11.

прибавление т.

§. 178. РавнымЪ образомЪ на ходишся логариемЪ двукЪ и семи.

ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

§. 179. Когдажь будуть дагы логариемы чисель 1. 2. 7.
9. 10: то прочихь знаков, которые состоять между тыми числами, логариемы удобно изы сихы составляются. Понеже 9 есть квадраты прехы; то половина логариема того числа понажеть логариемы прехы (№ 172); 10: 2 = 5, и потому, вычетии логариемы двухы изы логариема десяти, останется логариемы пяти (№ 171.); логариемы шести составляется изы сложены логариемы з и 2, понеже 3. 2 = 6 (№ 170), наконецы логариемы восьми происходить изы сложены логариемы 2 и 4, понеже 2. 4 = 8 (№ 170.). Равномбрное облегчены получается и вы продолжены изобрытены другихы логариемическихы чисель, что все явствуеты изы свойства логариемовь, вы началь сей главы изыкененнаго.

ОПРЕДБЛЕНІЕ XLV.

у. 180. Знако характеристической (nota characterifica) логариемовь есть первое число, которое отдъляется отв прочихы точкою или запятою, и показываеть, кы какому классу, на пр. единиць, десятковь, сотень и проч. принадлежить данной логариемь.

прибавление л.

5. 181. То есть, наблюдая десятерную пропорцёю, веб единицы ниже десяти, имбють выбето характ ристи-

ки нуль; от в десятков в же до ста, начинаются логариемы стединицы; от в сотнижь до тысячи единицъ жарактеристика есть два, и такъ далъе.

ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

5. 182. Чего ради числа, которыя на концъ увеличиват ю сея нулемь, разменвующь между собою щолько жаракизгрисмикою. На пр. были логариемь есть о. 7781512, логариемь же бо ти будень 1. 7781512.

ГЛАВА СЕДЬМАЯ.

Оправилах практической Ариометики.

ONPEABAEHIE XLVI.

Правила практической Аривметики (regulae Arithmeticae practicae) суть ть, помощію которыхь, принявь вы помощь науку о пропорціяхь, рышатся разныя задачи, кон встрычаются при сравненій особенныхь вещей вы контрактахь и другихь случаяхь.

примъчаніе.

у. 184. Сихъ правилъ вообще считается четыре: первое правило пропорцій, впорое новарищества,
третіє смъщенія, четвершое положенія. Но видно
будеть изь слъдующаго, что три послъднія правила завислить от в перваго, и происходять изъ
сложенія и повторенія онаго.

OHPEABAEHIE XLVII.

§. 185. Тройное правило, или златов (regula trium, fiue aurea), о которомы выше уже

уже (§. 117.) упомянуто, есть то, носредсивомо коего ко тремо даннымо пропорціональнымо числамо находится четвертое. Оно есть или прамое (directa), когда ко тремо даннымо первымо числамо находится четвертое; или превращенное и возвратительное (interfa, vel reciproca), когда ко тра ко тремо даннымо послоднимо числамо находится первое.

ПРИБАВЛЕНІЕ I.

§. 186. Чего ради сле правило употребляется только при сравненти меких в количество, которыя имають одинское геометрическое содержанте. На пр. когда въ куплъ и продажъ вещи сравниваются съ цъною.

ПРИБАВЛЕНІЕ 2.

5. 187. Возвратишельное правило употребляется, когда гравниваемыя вещи имьють обратное содержанее которое бываеть тогда, когда два сравниваемыя содержанея имьють между собою таког отношенее, что естьли вы первомы содержаней посльдующей члень, вы разсужденей предындущато, уксличивается, то во второмы посльдующей вы такомы же содержаней умаляется вы разсужденей своего предындущаго, или обратно. На пр. когда число работниконь сравнивается со временемы, которое они употребляють на какое дьло, тогда будеть обратное содержанее; потому что малое число работниковы не скоро, а большое число оныхы скорье должны ко-чить свое дьло. Ибо ежели в человькы работниковы саблають какое дьло вы в дней, то слъдуеть, что 12 человькы работниковь, могуть привести кы концу то же дьло вы 4 дни.

3 A A A Y A XXXI.

§. 183. Изъяснить тройное прямое правило

РБШЕНІЕ.

- 4. Понеже вы тройномы прямомы правилы изы трехы первыхы чиселы находится четвертое; того ради данныя три числа расположивы такимы образомы, чтобы на второмы мысты было то количество, при которомы дылается запросы о величины искомаго, на первомы одинакаго сы пимы роду, а на третьемы подобное искомому, два послыднія умножы между собою, и произведеніе раздыли на первое, частное покажеты искомое число (б. 115.).
- 2. Случаевь же особливо есть три. Ибо или
 1) даются при простые члена; или 2)
 иные изь оныхь бывають члены, изь мнотихь простыхь составленные; наконерь 3)
 случаются ломаныя части, или одни, или
 сь прлыми смышенныя. Всь сій случай вь
 лекціяхь пространные изьясняются примьрами.

прибавленіЕ.

5. 189. И так в, поелик у пройное правило состоить вы сравнении пропорціональных в, нотому что здёсь говорится, как в первой член солержится ко впорому, так в претій к в четвертому; или через в член (§ 112.), как в первой к в претьему, так в впорой к в четвертому; и сверьх в того извёстно, что ежели пропорціональныя числа раздёлятся на одинакое число, то происходять изв того так частныя числа, которыя им вют в токоем в содержаніе, какое и раздёленныя числа (§. 120.): то слёдует в, что сокращенные может в сдёлано быть рещеніе тройнаго правила, еже-

ежели первой и второй, или первой и третій члень, чрезь общаго дълишеля приведутся вы меньщія числа, коихь бы умисженіе и дъленіе скорте сдълать можно было. На пр. 60: 40 — 24: 16; но раздъливы первые члены на 20, прои кодишь другая равная пропорція 3: 2 — 24: 16; или раздъливы первой члены и претій на 12, проискодиты пропорція 5: 40 — 2: 16. Такое приведеніе сложных в чисель вы простыя, Аривметики считають между сокращеніями нталіанской правтики, ны коимы присовокупляють шакже умноженіе и дъленіе разнородных в чисель, которыя чрезь множителей, или чрезь части короче рышатся. О чемь выще сего уже сказано (§. 76, 77.).

3 A A A Y A XXXII.

§. 190. Изъяснить тройное возвратительное правило.

РЪШЕНІЕ ПЕРВОЕ.

Расположи данныя числа такь, чтобь на четвертомь мьсть было то, при которомь дьлается запрось обь искомомь, на третьемь одинакого сь нимь роду, а на второмь подобное искомому. Умножь два первые члена, и произведение раздыли на посльдний, частное число покажеть искомой члень (§. 116.).

Случаижь сходствують сь тим, о которыхь вы предыдущей задачь упомянуто, только что вы самыхы вещахы употребляется возвратительное, или обратное содержание. На пр.

дни работ. работ. 24 - 40 - 60 будеть 40.24=960:60=16 дней. 3.4 РБ-

РЪШЕНІЕ ВТОРОЕ.

Ежели послѣдній члень будеть поставлень на мѣсть перваго, то примѣрь рѣшится по тройному прямому правилу. Ибо какое содержаніе имѣють многіе работники кы немногимы, такое будеть имѣть и большое время кы меньшому. На пр.

60:40 = 24:16.

ПРИМЪЧАНІЕ.

у. 191. Повърка обоего тройнаго правила дълается обратно; то есть, найденное число вмъсто даннаго, а данное вмъсто искомаго принимается.

ОПРЕДБЛЕНІЕ XLVIII.

§. 192. Тройное правило сложное (гедил ангеа сотройна) есть то, по которому изв ияти, семи и т д. данныхв членовы находится шестой, осьмой, и пр. Оно также есть или прямое (directa), вы которомы везды находится прямая пропорція; или обратное (inuería), когда входящь вы оное такія вещи, которыя имыють обратное содержаніе.

3 A AAY A XXXIII.

§. 193. Извяснить сложное прямое при-

РВ'ШЕНІЕ ПЕРВОЕ.

Поелику вы такомы примырь находится столько прямыхы пропорцій, сколько разы можно вв ономв отделить по два количества одинакато роду; то ради и пройное правило употребляется сполько же разв. То еснь, вы первомы берупся одив вещи безы обстоятельствы; во второмы кы обстоятельствамы присовокупляется пайденной по первому четвертой члены, и частное число покажеты искомой тестой, и т. д. На пр. 9 человыхы работниковы вы 3 дни сдылаюты валы 6 кубическихы сажены; а 12 человыкы работниковы вы 24 дни, сколькихы сажены валы сдылать могуты? Сперва товори:

9:12 = 6: 8 сажень.

3:24 = 8:64 cam.

РВШЕНІЕ ВТОРОЕ.

«Корочежь сдълается показанное ръшеніе, ежела вещи умножатся на свои обстоятельства, и по томь чрезь одно тройное прямое правило найдень будеть четвертой члень; що есть, ежели 9 человью работниковь вы три дни сдълають валь 6 саж. то, утроивь их инсло, 27 человых работниковь совершать оное дъло вы одинь день, а 12 человых работниковы вы 24 дни окончать тоже дъло, которое 12.24 = 238 могуть совершить вы одинь день. По чему будеть такая пропорція;

27: 288 = 6: 64.

3 A A A Y A XXXIV.

§. 194. Изъяснить сложное возвратительпое привило.

PBINEHIE.

Отдрляя по два члена одинакаго роду, смошри, во прямомоли, или во обращномо содержаніи каждая пара состоить сь пьми количествами, изв которыхв одно есть искомое; и смотря по оному, взявь сперва два члена значащіе вещи, расположи оные сь подобнымь искомому количествомь по прямому, или по возвращительному правилу, и найди четвертое пропорц. число. По томь изь прочихь отденныхь парь обсноянельствь, каждую сь найденнымь членомь располагай по прямому, или по возвратительному правилу, смотря по тому, вь какомь содержании помянутыя обстоятельства состоянь сь тьми количесшвами, изр которыхр одно есть искомое. Найденное такимь образомы последнее пропорціональное будеть искомое. На пр. сказано уже выше сего (б. 187.), что обратное содержание дълается, когда число работниковь сравниваешся со временемь; чего ради вопрось, чрезь предьидущую задачу ръшенной, тотчась подасть примърь сложнаго обратнаго правила, ежели перемьнипся такимь образомь:

когда .

когда 64 сажени земли для валу 12 человько работниково наносято во 24 дня, то спрашивается, во сколько времени, или во сколько дней 9 человъко работниково могуть наносить 6 сажень?

первая прямая пропор.

саж. саж. дни. $64:6=24:2\frac{1}{4}$ дни.

вторая обратная пропор.

дни дни раб. раб. $3:2\frac{1}{4}=12:9$

Понеже многіе рабошники скорве, а немнотіе вы должайшее время кончаты свою работу; того ради изы трехы послъднихы членовы искомой первой члены есть 3, которой показываеть, что 9 человыкы работниковы наносяты шесть сажены земли для валу вы три дни.

Одножь простое прямое правило произойдеть, ежели обратныя содержанія расположены будуть по второму рьшенію (§. 100,) и по-томь вещи умножатся на обстоятельства.

64. 9 = 576, u.6. 12 = 72u. 576 : 72 = 24 : 3

ОПРЕДБЛЕНІЕ XLIX.

§. 195. Правило товарищества, или окладное (regula societatis, vel consortii) на-

зывается то, помощію котораго разділяется общій брышь, или накладь, на многвав, имбющихь вь томь участів.

ПРИБАВЛЕНІЕ.

1. 196. Чего ради, понеже большой барышь, или накладь дослаенся на шого поварища, конорой имфень право на большую долю извъсси суммы, по слядуть, чно знавь сумму, оны конорой барышь, или накладь сдвлался, и количество барыша или наклада. помощёю порейнаго правила найдешся, сколько изв барыша, или вакладу лостанешся на того, кошорой вы сумму положиль извъстную часть.

3A AAYA XXXV.

197. Изъяснить правило товарищества.

РВШЕНІЕ.

1. Случай первый. Когда одно складки, безь даннаго времени, сравниваются сы барышомь, то сложивь оныя говори: какь вся сумма ко всему барышу, такь часть суммы, или одна складка содержится кы доль барыша, которая ей соотвыствуеть; и сіе повторяй столько разь, сколько есть складокь. На пр.

60 сумма; а 12 барышь. по будешь. 1 60: 12 = 24: 4⁴ А. барышь. 2) 60: 12 = 36: 7¹ В. барышь. 2. Случай второй. Когда при складкахв находятся разныя времена, що всв складки умножь на свои времена, и взявь сумму произведеній, найди пропорціональную долю для каждой складки, т. е. для каждаго произведенія изь внесенныхь денегь и времени, и повторяй сіе дібіствіе столько разь, сколько есть складокь. Ибо явствуеть, что чрезь умножение складокь на время, всь приводящся ко одному времени. Понеже, кию вь одинь разв положиль вь складку какую сумму на два года, тоть, ежели бы вдвое того даль, вь одинь годь молучиль бы шошь же барышь, поколику оный, как в здрсь предполагается, одинакое приразцение и убавление получаеть, На пр.

А. 24 . 3 год.
В. 36 . 6 год. барышь 18.

72
216

288 сумма.

1) 288:18 = 72: 4; барыш. А.

2) 288:18 = 216:13 арыш. В.

ПРИБАВЛЕНІЕ.

5. 198. Ежели происходящія часни барыша, будучи сложены в одну сумку, соснавляющь онять прежде данной барышь: то доказывается чрезь сте, что задача рышена правильно.

*OIIPE-

OHPEABAEHIE XXXV.

§, 199. Правило положенія (Regula pofitionis) есть способь, находинь искомое число посредствомь взятаго по изволенію. Сіе правило раздъляется на правило одного положенія, и правило двухъ положеній. Правило одного положенія есть способь, помощію одного по изволенію взятаго числа находить искомое. Правило двухъ положеній есть способь, находить оное же посредствомь двухь по изволенію принятыхь чисель.

Число, принятое вмосто искомаго, называется положениемо (Hypothesis.).

3 A A A Y A XXXVI.

§. 200. Изъяснить правило одного похоженія.

РВШЕНІЕ.

- 1. Вибсто искомаго взяво по изволенію какое нибудь число, сдблай со нимо всю ть перемьны, какія бы надлежало сдблать со искомымо, естьли бы оное было извыстно, чтобо произошло данное число во задачь.
- 2. Естьли отв сихв перемвню произшедшее число будеть равно данному вы задачь, то принятое число по изволенію будеть искомое.

3. Вы прэтивномы случай, кы найденному по порядку рышенія числу, кы положенію и кы данному вы задачы, прінци четвертое пропорціональное, которое будеты искомое число.

примфръ.

- Изb непріятельской арміи третья часть убита, четвертая часть взята вы плынь, а 1000 убъжала. Спр. сколь велика была непріятельская армія, сколько изы нее убито, и сколько вы плынь взято?
- Положимь, что непріятельская армія состояла изь 12000 человькь, сльдовательно убито 4000, вы плынь взято 3000, а остальные 5000 убъжали. Но сихы посльднихы должно быть 1000. Чего ради будеть такая пропорція.

5000: 12000 = 1000: 2400.

И такь вся армія состояла изь 2400 человькь, убито 800, а вы плыны взято 600 человыкь.

3 A A A Y A XXXVII.

§. 201. Изъяснить правило двухь положе-

РВШЕНІЕ.

1. Вивсто искомаго числа взявь два какія нибудь по изволенію, поступай сь каж-

- дымb такb, какb вb предыдущей задачь показано.

- 2. Ежели оба найденныя по порядку решенія числа будуть больше даннаго вь задачь: то вы такомы случай изы каждаго вычти данное вы задачь, и замынь погрышности, пакь называемыя превосходящія еггоres per excessum), означиво каждую знакомь — ; естьли же оба произщедшія по порядку рьшенія числа будуть меньше даннаго вы задачь, то каждое вычти изы - даниаго вь задачь, и замьть погрышносии, которыя вы семы случаь называющся не достаточными (errores per defectum), и означающея знакомь - Буди же одно будеть больше, а другое меньше даннаго по по большаго данное, а изв ланнаго вы задачь меньшое вычши, и замьть также найденныя погрьшности, означивь каждую приличнымь ей знакомь, а по том в поступай следующим в образомы.
- 3. Первой случай. Естьли найденныя погрвшности будутв одинакія: то, написаві каждую подв соотвітствующим ей положеніемь, умножь первое положеніе на погрышность втораго положенія, а второе положеніе на погрышность перваго, и по помь разность сихі произведеній разділи на разность погрышностей. Частное число будеть искомое.

Второй

Второй елучай. Естьли найденныя погрыщности будуть не одинакія, то, поступивь прежде сь оными и сь положеніями такь, какь вь первомь случав показано, раздым сумму произведеній на сумму погрышностей. Найденное такимь образомь число будеть искомое.

Примърв на первой случай. Трое имбли по носкольку денего: у перваго со впорымо было 90 руб. у впораго со прешьимо 140 руб. у перваго со прешьимо 110 руб. Спр. по скольку у каждаго денего было?

Положимь, что первой имьль 20 руб. то втораго деньги будуть 90—20 = 70 руб. а третьяго 140—70 = 70. руб. И такь сумма денегь перваго и третьяго будеть 20 — 70 = 90 руб., а должна быть 110 руб. Чего ради погрытность будеть недостаточная, то есть, — 20. Еще положимь, что у перваго было 24 руб, то втораго деньги будуть 90—24 = 66, а третьяго 140—66 = 74. Сльд. сумма денегь перваго и третьяго будеть 98, и погрытность опять будеть недостаточествующая — 12. И такь искомое число, по первому случаю, найдется сльдующимь образомь:

Перво	ое пол	лож. 20		порое полож. 24
		_ 20		त्रहरू भ गुक- 112
	20	480	AL ELEM	240
	12-	240		
-	8	240	30	р. столько имбль
	,	24		первой.
			90	
			30	
			60	р. сполько им Бл
				второй.
			140	
			60	
,			80	р. столько имблю
	4			третій.

Примърб на второй случай.

Требуется разділить троимі 100 руб. такимі образомі, чтобы второй получилів втрое больше перваго, а третій столько, сколько первой вмість со вторымі. Спр. сколько получить каждой?

Положимь, что первой получить должень 12, то второй получить 36, а третій 48; и сумма будеть 96, а должно быть 100: сльд. погрышность будеть недостаточная — 4. Естьлижь положимь, что первой получить 13, що второй должень имыть 39, третій 52, и сумма выдеть 104; чего

чего ради погрышность будеть превосходящая — 4.

Первое полож. 12 Вшорое полож. 13. 52 48: 59 12 2 сполько полу-100 чишь первой. 8 20 16 4 19 1 × 3 = 37 1 столько получить второй. сполько получить 19 1 + 37 1 = 50 трешій.

примъчаніе.

У. 202. Правило двухЪ положеній передЪ правиломЪ одного положенія им вешЪ що преимущесшво, чио всѣ задачи, къ правилу положенія принадлежащія, помощію онаго ръщены бышь могушъ.

опредъление хххуи.

§. 203. Правило смещенія есть способь находить, по скольку частей опредъленной мьры вещей разной цыны взять надлежить, чтобь такая же мьра смышенія была средней цыны. Сіе правило имьеть свое И 2 употребление вь Экономии, Физикь, Медицинь, и пр.

ЗАДАЧА XXXVIII. § 204. Изъясиннь правило смъщенія.

РВШЕНІЕ.

- Первой случай. Естьли попребно будеть смышань вещи лвухь цынь такимы образомы, чтобы смышение было средней цыны: то:
- 1. Большую и меньшую цвну напиши одну подв другою, а среднюю на лввой сторонв противь оныхв. Меньшую цвну вычти изв средней, и разность поставь противь большой цвны св правой руки, а среднюю вычти изв большой, и разность поставь противь меньшой цвны св правой же руки.
- 2. По том в сложивь сіи разности, кв суммь ихв, кв единиць, и кв каждой разности найди четвершое Теометрическое пропорціональное число. Найденныя таким в образом в четвертыя пропорціональныя числа покажуть искомыя части данной меры каждой вещи, составляющія такую же мьру сметенія средней цены.

примфръ.

Требуется сивщать серебро и золото изb коих перваго золотнико стоить 25 коп.

а другато золошнико же 250 коп. такимо образомо, чтобо смотенія золошнико стоило 150 коп. Спр. по скольку частей золошника перваго и втораго металла надлежито взять во смотеніе?

25 100 150 250 125

225:1 = 100: 4 золотника.

сшолько серебра

225:1 = 125: ў золошника.

столько золота взять надлежить вь смышение.

Второй случай. Естьли требуется смѣшать нѣсколько вещей большей цѣны съ ньсколькими выцами меньшей цѣны: то

1. Данныя ціны напиши одні поді другими, а среднюю постівь на лівой стороно противь оныхі. Вычти которую нябудь меньшую ціну изі средней, и разпость поставь противі которой нибудь большей, изі которой вычтя среднюю, разность поставь противі вычтенной прежде меньшой ціны. По томі взяві другую большую и меньшую ціну, поступай сіними такі же, какі сінервыми, и такі даліе.

2. Всв найденныя разности сложивь, кв суммь ихь, кв единиць, и кв каждой разности, или кв суммв разностей противь каждаго числа поставленныхв, найди четвертое пропорціональное число. Найденныя пропорціональныя числа будуть искомыя части, составляющія такую же мвру
смвшенія средней цвны.

примвръ.

Вина разной цвны, изв которых в перваго бутылка стоить 25 коп., втораго 35 коп., третьяго 50 коп. пребуется смышать шакимы образомы, чтобы смышеннаго бутылка стоила 40 коп. Спр. по скольку частей бутылки надлежить взять изы каждаго ?

25 10 40 35 10 50 15 + 5

40: 1 = 10: ф столько частей 1 го 40: 1 = 10: ф - - - - 2 го 40: 1 = 20: ф - - - 3 го

примвчаніе.

Доказашельство на правила положентя и сме-

конець

and we



инв. M. 11- 1750

